

استعمال أنموذج الانحدار الذاتي المعمم مشروط بعدم تجانس التباين $GARCH(p,q)$ في تمثيل بيانات السلاسل الزمنية واستخدامها في التنبؤ مع تطبيق عملي على الأسعار اليومية العالمية للنفط

**استعمال أنموذج الانحدار الذاتي المعمم المشروط بعدم
تجانس التباين $GARCH(p,q)$ في تمثيل بيانات السلاسل
الزمنية واستخدامها في التنبؤ مع تطبيق عملي على
الأسعار اليومية العالمية للنفط**

م. م. علي عبد الزهرة حسن

جامعة البصرة

كلية الإدارة والاقتصاد / قسم الإحصاء

amzmmk@yahoo.com

المستخلص:

أصبحت نماذج ARCH و GARCH أدوات مهمة في تحليل بيانات السلاسل الزمنية، لاسيما في التطبيقات المالية. وهذه النماذج مفيدة بشكل خاص عندما يكون هدف الدراسة التحليل والتنبؤ بالتقلبات (volatility).

ويهدف البحث إلى بناء أنموذج ملائم يفسر سلوك السلسلة اليومية لأسعار النفط العالمية باستعمال نماذج GARCH لأنها تأخذ بنظر الاعتبار الأرباح (Returns) خلال فترات التداول وكذلك التقلبات التي تعد مقياسا للمخاطرة (Risk) حيث أظهرت نتائج الدراسة أن الأنموذج الملائم لهذه السلسلة هو $GARCH(1,1)$.

Using the Generalized Auto-Regression that conditioned by Heteroscedasticity in representing the time series data and its using in predicting with GARCH (p,q): Case study of daily global oil prices

**Assist. Lecturer. Ali abdal-Zahra Huseen
University of Basrah
Department of Statistics
Faculty of Administration and Economics**

Abstract:

ARCH and GARCH models have become important tools in the analysis of time series data, particularly in financial applications. These models are especially useful when the objective of the study is to analyze and forecast volatility.

The research aims to build an appropriate model that explains the behavior of the daily series of international oil prices using the GARCH models because it takes into consideration the returns during periods of trading as well as volatility and is considered a measure of risk. The results of the study showed that the appropriate model of this series, GARCH (1.1)

استعمال أنموذج الانحدار الذاتي المعمم مشروط بعدم تجانس التباين $GARCH(p,q)$ في تمثيل بيانات السلاسل الزمنية واستخدامها في التنبؤ مع تطبيق عملي على الأسعار اليومية العالمية للنفط

المقدمة :

ترتكز النماذج الكلاسيكية على فرضيات أساسية تتمثل في أن متوسط الأخطاء معدوم وأن تباينها ثابت مع تغير الزمن وإنها مستقلة عن بعضها البعض وبإسقاط هذه الفرضيات فإن تقديم مصفوفة التباين والتباين المشترك يصبح صعبا لأن الأخطاء ستكون غير متجانسة ومتراطة فيما بينها مما يقلل من دقة النماذج المقدره وان من بين أهم الأسباب وجود عدم تجانس التباين في السلسلة في شكل مجموعات غير متجانسة. وقد تطرق البحث إلى أهم النماذج التي تأخذ بالحسبان المشاكل القياسية التي تتعرض لها أغلب بيانات السلاسل الزمنية ولاسيما المالية منها على وجه الخصوص فقد تم استعمال نماذج الانحدار الذاتي بشرط عدم التجانس المعممة $GARCH(p,q)$ في تحليل بيانات السلسلة الزمنية للأسعار اليومية العالمية للنفط وللمدة من ٢٠١٤/١/١ إلى غاية ٢٠١٧/١٢/٣١.

مشكلة البحث:

تتمثل مشكلة البحث بوجود متغيرات تعاني من مشكلة عدم تجانس (ثبات) التباين ومن هذه المتغيرات أسعار النفط العالمية والتي شهدت في السنوات الأخيرة تقلبات كبيرة في الأسعار نتيجة أسباب عدة اقتصادية وسياسية .. وغيرها .

هدف البحث :

يهدف البحث إلى تحليل السلاسل الزمنية التي تعاني من مشكلة عدم تجانس التباين وذلك من خلال استعمال نماذج الانحدار الذاتي المشروط بعدم تجانس التباين المعمم ($GARCH$ -M) و($GARCH$) للوصول إلى أفضل أنموذج يعالج التقلبات الحاصلة والمخاطرة إن وجدت في بيانات أسعار النفط العالمية اليومية ، وبالتالي يستعمل الأنموذج المختار في التنبؤ المستقبلي .

الجانب النظري:

في هذا الجانب تم تناول بعض المفاهيم الأساسية الخاصة بالنماذج المستعملة في البحث وكذلك بعض طرق تحليل واختبار السلاسل الزمنية للوصول لأفضل أنموذج يمكن استعماله في التنبؤ.

١-١. نماذج الانحدار الذاتي المشروط بعدم التجانس [3,4,5,7] ARCH(P) Autoregressive Conditional Heteroscedasticity

هي نماذج الهدف منها نمذجة التباين (Variance) وتستخدم في البيانات المالية وذلك لأن اتجاه أغلب المستثمرين لا ينصب فقط على الدراسة والتنبؤ بالعوائد المتوقعة من الأسهم والسندات في أسواق المال وإنما هم يهتمون أيضا بالمخاطرة أو عدم التأكد (uncertainty) وبذلك دعت الحاجة إلى وجود نماذج خاصة تتفاعل مع حالة عدم الاستقرار أو عدم ثبات التباين في السلاسل الزمنية وهذه النماذج تنتمي إلى ما يسمى نماذج الـ ARCH.

إذ إن :

AR: تعني أنموذج انحدار ذاتي للتباين مع فترات الإبطاء العائدة له لغاية (P) .

CH: تعني التباين المشروط الذي يعتمد على الفترات الزمنية السابقة t-1.

إن المقصود بعدم التجانس (Heteroscedasticity) هو التغير في تباين السلسلة الزمنية عبر الزمن وهذا ما يتمثل في اغلب الأحيان في السلاسل الزمنية ذات الطابع المالي .

ويمكن كتابة أنموذج ARCH(p) من الدرجة (P) بالصيغة الرياضية التالية: [3]
معادلة المتوسط

$$Y_t = \mu + u_t \dots \dots \dots (1)$$

$$U_t = \sigma_t \varepsilon_t \dots \dots \dots (2)$$

$$\varepsilon_t \sim iid N(0, 1)$$

معادلة عدم الثبات

$$\sigma_t^2 = \alpha_0 + \alpha_1 u_{t-1}^2 + \dots + \alpha_p u_{t-p}^2 \dots \dots \dots (3)$$

إذ إن :

استعمال أنموذج الانحدار الذاتي المعمم مشروط بعدم تجانس التباين GARCH(p,q) في تمثيل بيانات السلاسل الزمنية واستخدامها في التنبؤ مع تطبيق عملي على الأسعار اليومية العالمية للنفط

Y_t : تمثل سلسلة العود (Return series) وهي سلسلة غير مرتبطة (uncorrelated)
 μ : يمثل متوسط سلسلة العود

u_t : تمثل البواقي لسلسلة العود

ε_t : سلسلة مستقرة للخطأ ومتماثلة التوزيع وتتبع التوزيع الطبيعي القياسي بمتوسط (0) وتباين (1)

σ_t^2 : تباين السلسلة .

ويمكن إعادة صياغة المعادلة (3) بالصورة التالية :

$$\sigma_t^2 = \alpha_0 + \sum_{i=1}^p \alpha_i u_{t-i}^2 \dots\dots\dots(4)$$

إذ إن :

α_i, α_0 : تمثل معاملات الأنموذج حيث $\alpha_0 > 0$ و $\alpha_i \geq 0$ for $i=1,2,\dots,p$ وعندما $p=1$ فيكون الأنموذج ARCH(1) وهو حالة خاصة ، عند التعويض في المعادلة (4) نحصل على :

$$\sigma_t^2 = \alpha_0 + \alpha_1 u_{t-1}^2 \dots\dots\dots(5)$$

٢-١- نماذج الانحدار الذاتي المعمم مشروط بعدم التجانس (GARCH) [3,4,5,6,7,9] (p,q)

Generalized Autoregressive Conditional Heteroscedasticity

ويمكن توسيع أنموذج ARCH(P) بأنموذج آخر يدعى أنموذج GARCH(p,q) الذي يكون أكثر تعميماً وأنه يتطلب الكثير من المعلمات لتصف عملية عدم التجانس في السلسلة

الزمنية بصورة أدق، ويمكن كتابة أنموذج GARCH(p,q) بالصيغة الآتية: [3]

$$Y_t = \mu + u_t$$

$$U_t = \sigma_t \varepsilon_t \quad ; \quad \varepsilon_t \sim iid N(0, 1)$$

$$\sigma_t^2 = \alpha_0 + \alpha_1 u_{t-1}^2 + \dots + \alpha_p u_{t-p}^2 + B_1 \sigma_{t-1}^2 + \dots + B_q \sigma_{t-q}^2 \dots\dots\dots(6)$$

ويمكن إعادة صياغة المعادلة (6) بالصورة الآتية :

$$\sigma_t^2 = \alpha_0 + \sum_{i=1}^p \alpha_i u_{t-i}^2 + \sum_{j=1}^q B_j \sigma_{t-j}^2 \dots\dots\dots(7)$$

إذ إن :

α_0, α_i ، B_j : تمثل معلمات النموذج .

$$(\alpha_i \geq 0 ; i=1, \dots, p) , (B_j \geq 0 ; j=1, \dots, q) \text{ و } \alpha_0 (> 0)$$

وعندما $p=1$, $q=1$ فان النموذج $GARCH(1,1)$ هو حالة خاصة، عند التعويض في المعادلة (7) نحصل على الصيغة الآتية :

$$\sigma_t^2 = \alpha_0 + \alpha_1 u_{t-1}^2 + B_1 \sigma_{t-1}^2 \dots \dots \dots (8)$$

ويمتاز أنموذج $GARCH$ عن نموذج $ARCH$ بأنه يعطي نفس الرضا وبفترات أقل ودرجات حرية أقل أي لا يحتاج تقدير معلمات أكثر .

٣-١- نماذج $GARCH - M$ [15]

اقترح كل من Engle ، Lilien ، Robbins سنة 1987 نماذج $GARCH-M$ حيث يكون التباين الشرطي عبارة عن متغير (توضيحي) مفسر للمتوسط الشرطي وهذا النموذج مهيأ لوصف تأثير سرعة التقلبات على العوائد .

وتعد هذه النماذج امتداداً لنماذج $GARCH$ التي تأخذ المخاطرة بنظر الاعتبار حيث تكون معادلة المتوسط بعد إضافة التباين كالاتي :

$$Y_t = \mu + \gamma \sigma_t^2 + u_t \dots \dots \dots (9)$$

٤-١- الاستقرارية في السلاسل الزمنية: [1,2,3,11]

Stationary in Time Series

تكون السلسلة تامة الاستقرارية (Strictly stationary)، إذا كانت السلسلة الزمنية في حالة التوازن الإحصائي أي أن الخصائص الإحصائية لا تتغير مع الزمن . [3]
 $I_t(u_{t1}, u_{t2}, \dots, u_{tn}) = I_t(u_{t1+k}, u_{t2+k}, \dots, u_{tn+k})$
 و يمكن فحص ومعرفة السلسلة الزمنية فيما إذا كانت مستقرة أم لا بالتباين والوسط ، من خلال الرسم والاطلاع على طبيعة التذبذب الحاصل فيها وملاحظة فيما إذا كانت تتضمن اتجاهها عاما وان الشرط الضروري لأن تكون نماذج $ARCH$ تامة الاستقرارية عندما:

$$(\sum_{i=1}^p \alpha_i < 1) \text{ و } (u_t, t = 0, \pm 1, \pm 2, \dots \dots \dots)$$

$$V(u_t) = v(u_{t-1}) = \sigma_t^2, \quad E(u_t) = 0 \text{ شرطي الاستقرارية}$$

وفي حالة أنموذج $ARCH(1,1)$ فان معادلة التباين غير المشروط تكون كما يأتي:

استعمال أنموذج الانحدار الذاتي المعمم مشروط بعدم تجانس التباين GARCH(p,q) في تمثيل بيانات السلاسل الزمنية واستخدامها في التنبؤ مع تطبيق عملي على الأسعار اليومية العالمية للنفط

$$\begin{aligned}\sigma_t^2 &= \alpha_0 + \alpha_1 u_{t-1}^2 \\ (1-\alpha_1) \sigma_t^2 &= \alpha_0 \\ \sigma_t^2 &= \frac{\alpha_0}{(1-\alpha_1)}\end{aligned}\quad \dots\dots\dots (10)$$

لكي تتحقق الاستقرارية بشرط ($\alpha_1 < 1$) .

وكذلك الشرط الضروري لكي تكون نماذج GARCH تامة الاستقرارية عندما
($\sum_{i=1}^p \alpha_i + \sum_{j=1}^q B_j < 1$) و ($u_t, t = 0, \pm 1, \pm 2, \dots\dots\dots$)

ففي حالة نموذج GARCH(1,1) فان معادلة التباين غير المشروط تكون كما يلي:

$$\begin{aligned}V(u_t) &= v(u_{t-1}) = \sigma_t^2 ; \quad E(u_t) = 0 \quad \text{شرطي الاستقرارية} \\ \sigma_t^2 &= \alpha_0 + \alpha_1 u_{t-1}^2 + B_1 \sigma_{t-1}^2 \\ (1 - (\alpha_1 + B_1)) \sigma_t^2 &= \alpha_0 \\ \sigma_t^2 &= \frac{\alpha_0}{1 - (\alpha_1 + B_1)}\end{aligned}\quad \dots\dots\dots (11)$$

وتحقق الاستقرارية بشرط $[0 < (\alpha_1 + B_1) < 1]$

١-٥-١-التشخيص : Identification [2,3,4]

وتعد أول مرحلة من مراحل السلاسل الزمنية إذ يتم فيها تشخيص الأنموذج استناداً إلى البيانات الأولية ، ولتشخيص أو التعرف على نماذج ARCH هناك عدة اختبارات منها.

١-٥-١-١-اختبار نماذج ARCH-test [4,8,11]

ومن أهم هذه الاختبارات هو اختبار ARCH-test ، الذي أوجده العالم Engle عام (1982) ويركز هذا الاختبار على مضاعف لاغرانج (LM) Lagrange Multiplication.

$$LM \rightarrow x_2$$

تحت الفرضية

$$H_0 : \alpha_1 = \alpha_2 = \dots\dots\dots = \alpha_P = 0$$

$$H_1 : \alpha_i \neq 0 \quad \text{يوجد على الأقل واحدة من } \alpha \text{ لا تساوي صفراً}$$

إن قبول الفرضية البديلة H1 يبين وجود أثر ARCH

أما كيفية إجراء الاختبار فتكون كالآتي :

- حساب البواقي مع أخذ مربع البواقي $(\xi_t)^2$

- تقدير معالم الانحدار: $\xi_t^2 = \alpha_0 + \sum_{i=1}^p \alpha_i \xi_{t-i}^2$

حيث p يمثل فترات التباطؤ المعنوية (وتكون $p=3$ كحد أقصى)

- حساب إحصاءة مضاعف لاغرانج $LM = (n-Lag) R^2$

حيث n عدد المشاهدات و R^2 : معامل التحديد للمعادلة السابقة و Lag : عدد فترات الإبطاء

- يكون القرار عندما : $LM > \chi^2_{2(p)}$ نرفض H_0 ونقبل H_1

أي إن الأنموذج من نوع ARCH. أي السلسلة الزمنية قابلة للتمثيل بنموذج ARCH.

١-٥-٢- اختبار إحصاءة (QLB) Ljung-Box Test: [2,3,4]

توصل الباحثان Ljung Box & عام 1978 إلى اختبار أكثر كفاءة لفحص مدى ملائمة الأنموذج باستخدام معاملات الارتباط الذاتي ACF وكما في الصيغة الآتية:

$$QLB = n(n+2) \sum_{k=1}^L \frac{\rho_k^2}{n-k} \sim \chi^2_{(L-m)} \dots (12)$$

إذ إن:

n : حجم العينة

L : عدد الفروق الزمنية للارتباط الذاتي

m : عدد المعلمات المقدرة في النموذج

$\hat{\rho}_k^2$: يمثل مقدرات معاملات الارتباط الذاتي لسلسلة مربعات البواقي ويحسب من العلاقة:

$$\hat{\rho}_k^2 = \frac{\sum_{t=1}^T (\hat{u}_t^2 - \hat{\sigma}_t^2) (\hat{u}_{t-k}^2 - \hat{\sigma}_{t-k}^2)}{\sum_{t=1}^T (\hat{u}_t^2 - \hat{\sigma}_t^2)^2}$$

وتكون الفرضيات بالشكل التالي :

$$H_0 : \rho_1 = \rho_2 = \rho_3 = \dots = \rho_k = 0$$

$$H_1 : \rho_k \neq 0 \text{ على الأقل قيمة واحدة لا تساوي صفراً}$$

ويكون القرار بمقارنة QLB المحتسبة مع قيمة مربع كاي $\chi^2_{(L-m)}$ ودرجة حرية L

m - ومستوى معنوية α فإذا كانت $QLB < \chi^2_{(L-m)}$ فيتم قبول فرضية العدم H_0 :

أي إن معاملات الارتباط الذاتي للبواقي تتوزع عشوائياً ولا وجود لعدم تجانس تباین الخطأ العشوائي وأن الأنموذج المشخص ملائم .

استعمال أنموذج الانحدار الذاتي المعمم مشروط بعدم تجانس التباين GARCH(p,q) في تمثيل بيانات السلاسل الزمنية واستخدامها في التنبؤ مع تطبيق عملي على الأسعار اليومية العالمية للنفط

١-٥-٣- اختبار Jarque – Bera [8]

ويستعمل هذا الاختبار في معرفة توزيع البيانات كونها تتوزع توزيعاً طبيعياً أو غير

$$JB = \frac{n}{6} (S^2 + \frac{1}{4} (K - 3)^2) \quad \text{ذلك وصيغة إحصاء الاختبار هي:} \quad (13) \dots\dots\dots$$

اذ ان :

n: عدد المشاهدات

S: معامل الالتواء (Skewness)

K: معامل التفلطح (kurtosis)

حيث تكون الفرضيات كالآتي :

H0 : البيانات تتوزع توزيعاً طبيعياً

H1 : البيانات لا تتوزع توزيعاً طبيعياً

١ ٦ - اختبارات الاستقرار (جذر الوحدة - Unit root) :

ويمكن استخدام هذه الاختبارات لاختبار استقرارية البواقي لأنموذج المعني ومن

أهم هذه الاختبارات هو:

"اختبار ديكي - فولر الموسع (ADF) [8,10] Augmented Dickey-Fuller test

إن اختبار ديكي - فولر (DF test-1979) قائم على فرضية أن السلسلة الزمنية

متولدة بواسطة عملية الانحدار الذاتي (Autoregressive (AR) process) ، والذي

يُقدر بالصورة التالية :

$$\Delta Y_t = \mu + \lambda Y_{t-1} + \sum_{i=1}^{P-1} \alpha_i \Delta Y_{t-i} + u_t \quad \dots\dots\dots(14)$$

إذ إن :

P : رتبة النموذج ، u_t : الخطأ العشوائي (وسط حسابي صفر وتباين ثابت)

ΔY_t : تشير إلى الفرق الأول للسلسلة Y_t ، حيث : $\Delta Y_t = Y_t - Y_{t-1}$

ΔY_{t-i} تشير إلى الفرق الأول للسلسلة (Y_{t-i}) ، حيث: $\Delta Y_{t-i} = Y_{t-i} - Y_{t-i-1}$
يعد اختبار "ديكي - فولر الموسع (ADF)" من أشهر الاختبارات المستخدمة
لاختبار استقرارية السلاسل الزمنية وتحديد درجة تكاملها، وهناك ثلاث صيغ للنموذج
التي يمكن استخدامها في اختبار (ADF) .

١. الصيغة الأولى (a):

عدم وجود الحد الثابت والاتجاه الزمني .

$$\Delta Y_t = \lambda Y_{t-1} + \sum_{i=1}^{p-1} \alpha_i \Delta Y_{t-i} + u_t \dots \dots \dots (15)$$

٢. الصيغة الثانية (b).

هذه الصيغة تختلف عن سابقتها بكونها تحتوي على حد ثابت C .

$$\Delta Y_t = C + \lambda Y_{t-1} + \sum_{i=1}^{p-1} \alpha_i \Delta Y_{t-i} + u_t \dots \dots \dots (16)$$

٣. الصيغة الثالثة (c).

تتضمن هذه الصيغة حداً ثابتاً واتجاهاً زمنياً (t).

$$\Delta Y_t = C + \beta t + \lambda Y_{t-1} + \sum_{i=1}^{p-1} \alpha_i \Delta Y_{t-i} + u_t \dots \dots \dots (17)$$

وإذا كان حد الخطأ (ut) في النموذج المذكور في الصيغ الثلاث (a,b,c) يعاني
من الارتباط الذاتي (Autocorrelation) فيمكن أن يصحح بإضافة عدد مناسب من
حدود الفرق المبطأ إلى المعادلة (15)(16)(17)، و يلاحظ هنا إن هذه المشكلة سوف
تختفي بعد إدراج عدد مناسب من الفروق، إذ تصبح (ut) غير مرتبطة ذاتياً .

وتتمثل فروض الاختبار لجميع الصيغ المذكورة كالآتي:

فرضية العدم : وجود جذر الوحدة : (السلسلة غير مستقرة) $H_0: \lambda = 0$

الفرضية البديلة : عدم وجود جذر الوحدة (السلسلة مستقرة) $H_1: \lambda < 0$

وحتى يتم هذا الاختبار لابد من حساب تاو ديكي فولر (τ^*) الموسع على وفق
الصيغة التالية:

استعمال أنموذج الانحدار الذاتي المعمم مشروط بعدم تجانس التباين GARCH(p,q) في تمثيل بيانات السلاسل الزمنية واستخدامها في التنبؤ مع تطبيق عملي على الأسعار اليومية العالمية للنفط

$$\tau_{\lambda}^* = \frac{\hat{\lambda}}{s_{\hat{\lambda}}} \dots\dots\dots (18)$$

اذ أن:

λ : معلمة المتغير المبطل لفترة واحدة Y_{t-1} .

s_{λ} : الانحراف المعياري لهذه المعلمة .

ويتم الحصول على القيم الحرجة (الجدولية) لـ $\lambda(m,n,\alpha)$ ADF للنموذج m بصيغه الثلاث (a,b,c)، وحجم العينة n ' ومستوى المعنوية α من جداول خاصة باختبار ديكي فولر، والقرار في الصيغ الثلاث المذكورة يكون بمقارنة القيمة المحسوبة

لـ (τ_{λ}^*) مع القيمة الجدولية لـ ديكي و فولر (Dickey and Fuller).

فإذا كانت القيمة المطلقة المحسوبة أكبر من المطلقة الجدولية، ترفض فرضية العدم H_0 وتقبل الفرضية البديلة H_1 مما يدل على معنوية المعلمة إحصائيا وعدم وجود جذر الوحدة (Unit Root) أي إن السلسلة الزمنية للمتغير المدروس مستقرة (stationary) . والعكس صحيح، إذا كانت القيمة المحسوبة أقل من الجدولية تقبل فرضية العدم وترفض الفرضية البديلة أي إن السلسلة غير مستقرة (Non stationary) وبالتالي يتم اختبار استقرارية الفرق الأول (first difference) للسلسلة وإذا كان غير مستقر نكرر الاختبار للفرق الثانيوهكذا.

١ ٧ - التقدير: Estimation: [2,3,10,11]

تأتي مرحلة التقدير بعد تحديد الأنموذج المقترح المشخص، ولغرض تقدير معاملات الأنموذج ARCH(P) و GARCH(p,q) فهناك عدة طرق للتقدير وسنتناول أهمها وهي طريقة الإمكان الأعظم المشروطة (Conditional Maximum Likelihood Estimation)

حيث إن دالة التوزيع الطبيعي

$$F(u_t/F_{t-1}) = \frac{1}{\sqrt{2\pi\sigma_t^2}} \exp\left(-\frac{1}{2} \frac{u_t^2}{\sigma_t^2}\right) \dots\dots\dots (19)$$

ويمكن أن تكتب دالة اللوغاريتم الطبيعي (L) لمتجه المعلمات $\theta = (\alpha_0, \alpha_1, \dots, \alpha_p)'$ بالصيغة التالية :

$$L(\theta) = \sum_{t=1}^n I_t(\theta)$$

حيث أن لوغاريتم الإمكان الأعظم المشروط لمتجه المعلمات θ هو :

$$I_t(\theta) = \ln f(u_t/F_t-1)$$

وبعد تطبيق الشرط الضروري بإجراء الاشتقاق يمكن الحصول على مقدرات الإمكان الأعظم حيث يتم الحصول على θ_j باستعمال طرق التكرار العددي بعد i th من التكرارات وان θ_{j+1} يتم حسابها بالصيغة الآتية :

$$\theta_{j+1} = \theta_j + I_{\theta\theta}^{-1}(\theta_j) \left(\frac{\partial L}{\partial \theta}(\theta_j) \right) \dots\dots\dots(20)$$

وعندما $p = 1$ أي النموذج ARCH(1) ، حيث $\theta = (\alpha_0, \alpha_1)$

$$Y_t = \mu + u_t$$

$$\sigma_t^2 = \alpha_0 + \alpha_1 u_{t-1}^2$$

$$U_t = Y_t - \mu = \sigma_t \varepsilon_t \quad ; \quad \varepsilon_t \sim iid N(0, 1)$$

ودالة الإمكان الاعظم هي:

$$L_t(\mu, \alpha_0, \alpha_1 / Y_t, I_{t-1}) = \frac{1}{\sqrt{2\pi\sigma_t^2}} \exp\left(-\frac{1}{2\sigma_t^2} u_t^2\right) \dots\dots\dots(21)$$

نحصل على متجه المعالم المقدرة للتباين الشرطي بعد تطبيق شرط الدرجة الأولى من التعظيم لدالة اللوغاريتم للإمكان الأعظم .

٨.١ - معايير اختيار رتبة النموذج: [2,3,13]

في معظم التطبيقات الإحصائية يتم استعمال نماذج الانحدار الذاتي للسلسلة الزمنية ذات الرتب المنتهية لأنها تعطي نتائج واقعية عندما نقوم بعملية التنبؤ، لذلك فإن معرفة أفضل أنموذج (الأنموذج الذي تباينه أقل بزيادة عدد معالمه المقدرة) من أهم مراحل التحليل. وعليه اقترح بعض الباحثين عددا من المعايير لتحديد الأنموذج الأفضل عندما يتبع الخطأ العشوائي التوزيع الطبيعي وتم التطرق لها في العديد من البحوث والدراسات، وفي ما يأتي بعض من هذه المعايير.

استعمال أنموذج الانحدار الذاتي المعمم مشروط بعدم تجانس التباين GARCH(p,q) في تمثيل بيانات السلاسل الزمنية واستخدامها في التنبؤ مع تطبيق عملي على الأسعار اليومية العالمية للنفط

١-٨-١ - معيار معلومات اكيائي (AIC) [2,3,13]

(Akaike's Information Criterion)

اقترح هذا المعيار من العالم الرياضي الياباني هيترواكيائي وعرف باسمه لتحديد رتبة الأنموذج الأمثل ويرمز له اختصاراً (AIC) .

وتكون صيغة المعيار AIC بدلالة مقدار تباين الخطأ كما يلي :

$$AIC(p) = n \ln(\hat{\sigma}_e^2) + 2p \dots\dots\dots(22)$$

إذ إن :

P: رتبة نموذج الانحدار الذاتي

n: حجم العينة (عدد المشاهدات المقابلة لعدد البواقي)

$\hat{\sigma}_e^2$: تقدير تباين الخطأ على وفق طريقة الإمكان الأعظم.

ويكون الأنموذج ملائماً عندما تكون قيمة المعيار AIC أقل ما يمكن.

١-٨-٢ - معيار معلومات شوارز : (SIC) [2,3,4]

اقترح شوارز (Schwarz) معياراً سمي بـ (Schwarz Information Criterion)

ويرمز له اختصاراً بـ (SIC) ويعد الأفضل في اختيار النماذج وصيغته :

$$SIC(P) = n \log \hat{\sigma}_e^2 + p \log n \dots\dots\dots(23)$$

ويكون الأنموذج ملائماً عندما تكون قيمة المعيار SIC أقل ما يمكن.

١-٨-٣ - معيار هانان وكوين (H-Q) [2,3,4]: (Hannan & Quinn Criterion)

اقترح الباحثان هانان وكوين معياراً جديداً لتحديد رتبة الأنموذج سمي باسميهما

ويرمز له اختصاراً (H-Q) ويعرف كما يأتي :

$$H-Q(P) = \ln \hat{\sigma}_e^2 + 2(p) C \ln(\ln n) / n \dots\dots\dots(24)$$

إذ إن : c : تمثل مقدراً ثابتاً بحيث $c > 2$

وعند ثبات الرتبة فإن الحد الثاني للصيغة أعلاه ينخفض بأسرع مقدار ممكن بسبب

اللوغاريتم المتكرر ويكون الأنموذج الملائم الذي يعطي أقل قيمة للمعيار H - Q

. (p)

٩ - ١ - التنبؤ: Forecasting [2,3,5,8,14]

يعتبر التنبؤ آخر مرحلة من مراحل تحليل السلاسل الزمنية وبالأحرى يمثل الهدف النهائي من دراسة السلاسل الزمنية ، وباستعمال نماذج ARCH(P) و GARCH (P,q) مع تحقق شرط الاستقرار والتباين المشروط للنموذج للوصول إلى أفضل النتائج . وهناك عدة معايير متبعة لقياس مقدار الخطأ المصاحب لنموذج التنبؤ المستخدم ، لكشف فعالية وكفاءة النموذج من خلال اختيار النموذج الذي يملك أقل قيمة لهذه المعايير ومن بين هذه المعايير .

٩-١-١ - متوسط الخطأ المطلق MAE [2,8] (Mean Absolute Error)

ويحسب بقسمة مجموع الانحرافات المطلقة للقيم الحقيقية عن القيمة المقدرة على عدد الفترات وذلك حسب العلاقة الآتية :

$$MAE = \frac{\sum |y_t - \hat{y}_t|}{n} \dots\dots\dots(25)$$

إذ إن:

y_t : القيمة الحقيقية ، $\hat{y}_t$: القيمة المقدرة

٩-١-٢ - الانحراف المعياري SE [2,8] (Standard Error)

ويمثل الجذر التربيعي لمتوسط مربع الأخطاء ($\sqrt{MSE}$) ويعد من أكثر المقاييس الإحصائية المستعملة لأنه يعد مقياساً لمدى قرب المعلمة المقدرة من المعلمة الحقيقية ويحسب بموجب العلاقة الآتية :

$$S.E = \sqrt{\frac{\sum (y_t - \hat{y}_t)^2}{n}} \dots\dots\dots(26)$$

٩-١-٣ - متوسط الخطأ النسبي المطلق Mean Absolute Percentage Error (MAPE)

ويحسب على وفق الصيغة الآتية [8].

$$MAPE = \frac{1}{n} \sum_{t=1}^n \left| \frac{y_t - \hat{y}_t}{y_t} \right| * 100 \dots\dots\dots(27)$$

استعمال أنموذج الانحدار الذاتي المعمم مشروط بعدم تجانس التباين $GARCH(p,q)$ في تمثيل بيانات السلاسل الزمنية واستخدامها في التنبؤ مع تطبيق عملي على الأسعار اليومية العالمية للنفط

٢- الجانب التطبيقي

٢-١- وصف البيانات

اعتمد الباحث على بيانات سلسلة زمنية لأسعار النفط العالمية للمدة من ٢٠١٤/١/١ ولغاية ٢٠١٧/١٢/٣١ (دولار لكل برميل)، وبواقع ١٠٣٢ مشاهدة حيث تم استثناء أيام العطل .

قبل البدء بتحليل السلسلة الزمنية لابد من التعرف على بعض المقاييس الإحصائية والموضحة بالجدول رقم (1).

جدول (٢)

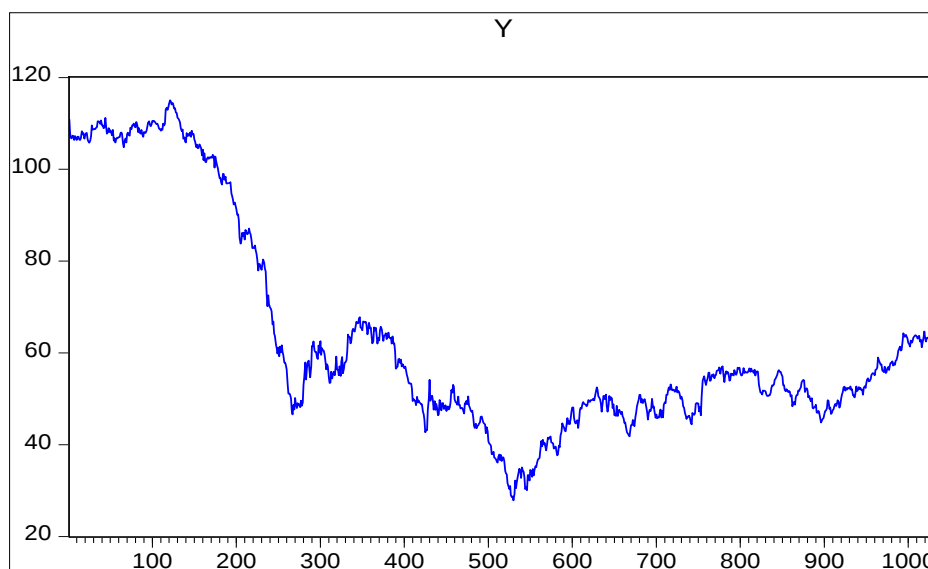
بعض المقاييس الإحصائية للسلسلة الزمنية لأسعار النفط لمدة الدراسة

المؤشر	القيمة
Mean	المتوسط 63.28379
Median	الوسيط 54.82000
Maximum	أكبر قيمة 115.0600
Minimum	أصغر قيمة 27.88000
Observation	عدد المشاهدات 1032
Skewness	معامل الالتواء 1.065493
Kurtosis	معامل التفلطح 2.758427

- الجدول من إعداد الباحث بالاعتماد على البرنامج الإحصائي Eviews-7
- يتضح من الجدول (1) أن أعلى سعر حققه برميل النفط هو (115.06) دولار لكل برميل وكان ذلك في 19/6/2014 وإن أدنى سعر (27.88) دولاراً لكل برميل وكان ذلك في 20/1/2016، وكذلك يوضح الجدول متوسط السعر للمدة المدروسة هو (63.28) دولاراً لكل برميل وأيضاً كانت قيمة الوسيط (54.82). ونجد أيضاً أن قيمة معامل التفلطح أقل من 3.

ونلاحظ من الشكل (1) إن تذبذب السلسلة الزمنية صعوداً ونزولاً مما يدل على عدم الاستقرار في المتوسط وكذلك وجود تذبذب واضح يدل على الارتباط الذاتي بين التباين .

شكل (1)
السلسلة الزمنية لأسعار النفط (Y) للمدة (1/1/2014-31/12/2017)



• المصدر مخرجات البرنامج الإحصائي Eviews-7

وبعد التأكد من وجود عدم الاستقرار في السلسلة الزمنية لابد من إجراء التحويلات على سلسلة الأسعار لجعلها مستقرة في الوسط ، وسوف نستخدم التحويل اللوغاريتمي وأخذ الفروق الأولى للتحويل اللوغاريتمي وبحسب الصيغة الآتية :

$$\Delta \ln Y_t = \ln Y_t - \ln Y_{t-1}$$

$$Z_t = \Delta \ln Y_t$$

إذ إن :

$\ln Y_t$: تمثل اللوغاريتم الطبيعي لسلسلة الأسعار للزمن الحالي t .

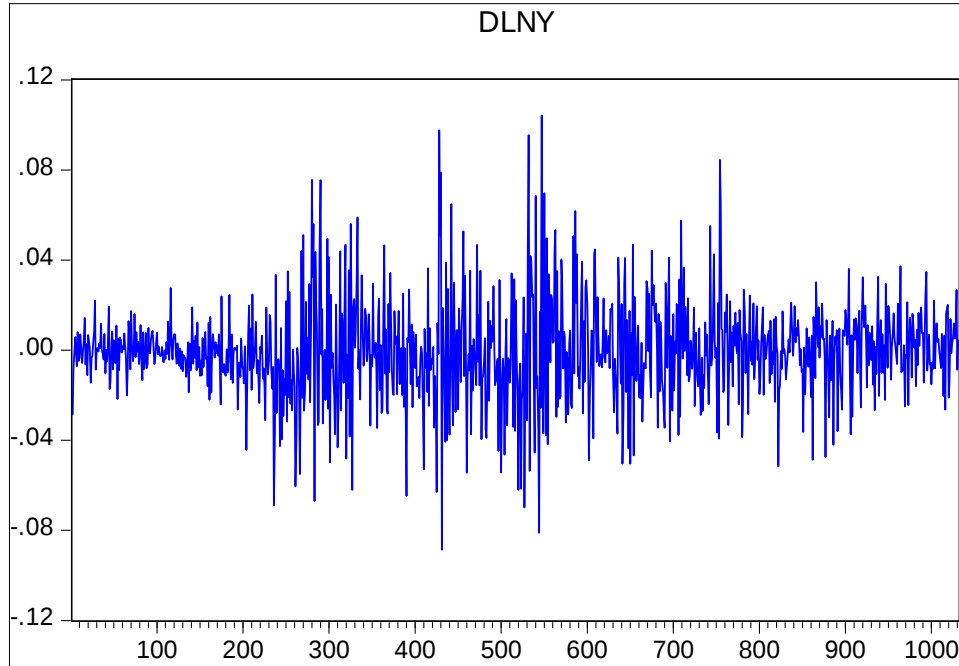
$\ln Y_{t-1}$: تمثل اللوغاريتم الطبيعي لسلسلة الأسعار للزمن السابق $(t-1)$ فترة زمنية واحدة.

$Z_t = \Delta \ln Y_t$ تسمى بسلسلة العوائد (Return series).

ويمكن رسم سلسلة العوائد النفطية Z_t وكما في الشكل (2).

استعمال أنموذج الانحدار الذاتي المعمم مشروط بعدم تجانس التباين $GARCH(p,q)$ في تمثيل بيانات السلاسل الزمنية واستخدامها في التنبؤ مع تطبيق عملي على الأسعار اليومية العالمية للنفط

شكل (2) يمثل الفروق الأولى للوغاريتم السلسلة الزمنية (سلسلة العوائد النفطية)



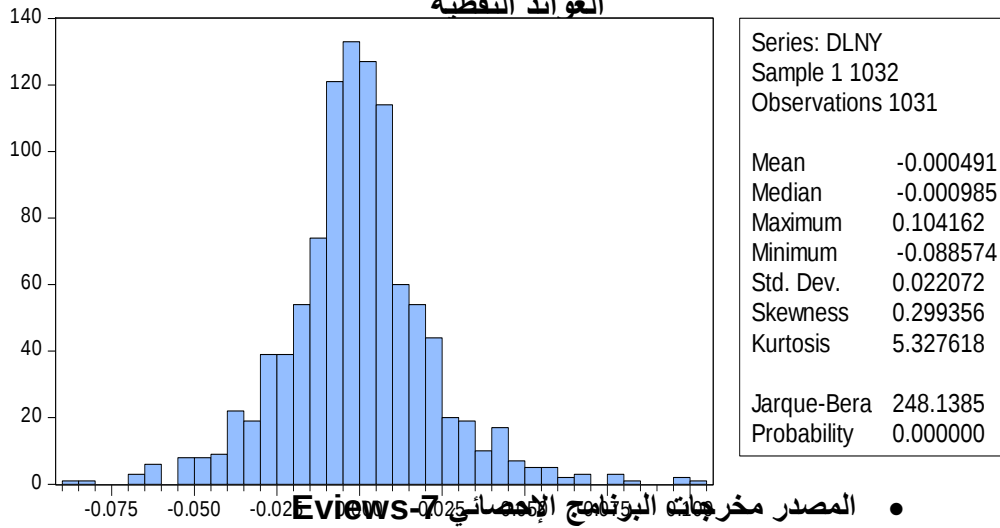
• المصدر مخرجات البرنامج الإحصائي Eviews-7

ومن خلال الشكل (2) نجد ان سلسلة العوائد النفطية بعد إجراء التحويل على البيانات الأصلية تكون مستقرة حول الوسط وهذا يتحقق مع الفرضيات الاقتصادية والمالية التي تفترض أن سلسلة العوائد هي سلسلة مستقرة .

والشكل (3) يوضح بعض الإحصاءات الوصفية لسلسلة العوائد (Z_t) لمدة الدراسة، وكانت النتائج تدل على أن هناك التواء موجباً ($skewness = 0.99356$) أي عدم تماثل في التوزيع وكذلك توضح السلسلة أن هناك تفلطحاً أكبر مما هو عليه في التوزيع الطبيعي (أكبر من 3) [$kurtosis = 5.3276$] وكذلك قيمة المختبر الإحصائي [Jarque- Bera= 248.1385] كبير جداً مما يدل على أن سلسلة العوائد لا تتبع التوزيع الطبيعي .

شكل (3)

يوضح رسم المنحنى الطبيعي مع بعض المقاييس الإحصائية لبواقي سلسلة العوائد النفطية

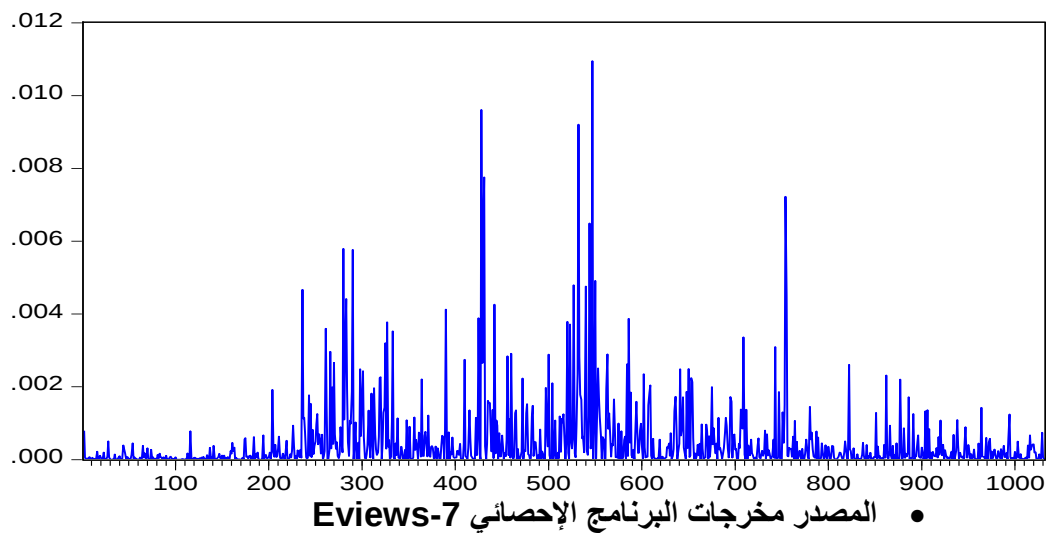


ويمكن توضيح التقلبات وذلك من خلال رسم سلسلة مربع البواقي لسلسلة العوائد وكما

شكل (4)

في الشكل (4)

سلسلة مربع البواقي لسلسلة العوائد



إذا يمكن ملاحظة التقلبات التي كانت قليلة في بداية ونهاية السلسلة إلا أنها كانت في كبيرة في الوسط .

استعمال أنموذج الانحدار الذاتي المعمم مشروط بعدم تجانس التباين $GARCH(p,q)$ في تمثيل بيانات السلاسل الزمنية واستخدامها في التنبؤ مع تطبيق عملي على الأسعار اليومية العالمية للنفط

٢-٢- اختبار جذر الوحدة (اختبار ديكي فولر)

بتطبيق اختبار ديكي فولر الموسع (ADF) للتأكد من استقرارية السلسلة الزمنية في الفروق الأولى للمتغير وباستعمال البرنامج الإحصائي الجاهز (Eviews-7) تم الحصول على النتائج الموضحة في الجدول (2). جدول (2)

نتائج اختبار ADF للمتغير $\ln Y$

المتغير $\ln Y$			المستوى			الفرق الأول	
			الصيغة			الصيغة	
			a	b	c	a	b
			(0.3425)	(0.3550)	(0.0535)	(0.000)	(0.000)
			-0.8620	-1.8527	-0.9071	-34.657	-34.750
			1%			-2.5672	-3.4365
			5%			-1.9411	-2.8641
			10 %			-1.6165	-2.5682
						-3.1292	-3.2292

• الجدول من إعداد الباحث باستخدام البرنامج الإحصائي Eviews-7

ومن نتائج التقدير التي تم الحصول عليها من اختبار (ADF) في الجدول (2) ولجميع الصيغ الخاصة بالاختبار نستطيع أن نقرر ما يلي :

إن القيمة المحسوبة المطلقة لـ τ^* لاختبار (ADF) وللصيغ جميعها (a), (b), (c) في الفرق الأول للمتغير هي أكبر من القيمة الجدولية المطلقة وبمستوى معنوية 1% و 5% و 10% أي نرفض فرضية العدم ونقبل الفرضية البديلة مما يدل على استقرارية السلسلة الزمنية لهذا المتغير عند الفرق الأول . أي أن سلسلة العوائد Z_t مستقرة .

٢-٣- التشخيص:

بعد رسم السلسلة الأصلية وجعلها مستقرة في الوسط بإجراء التحولات التي سميت بسلسلة العودة بعد أخذ الفروق الأولى للوغاريتم السلسلة الأصلية , نقوم باختبار بيانات السلسلة المدروسة (سلسلة العوائد) وذلك لمعرفة وجود المشاكل القياسية وهي عدم تجانس التباين والارتباط الذاتي لسلسلة البواقي وبحسب الاختبارات التالية:

٢-٣-١- اختبار ARCH

لمعرفة وجود تأثير لـ ARCH نقوم بإجراء اختبار ARCH وبحسب الفرضيات التالية:

عدم وجود تأثير ARCH في سلسلة البواقي : H_0

وجود تأثير ARCH في سلسلة البواقي: H_1

وننتج الاختبار موضحة في الجدول (3).

جدول (3)

Heteroscedasticity Test: ARCH

الاختبار	قيمة الاختبار	احصاء المقارنة	Prob
F-statistic	54.64710	F(1,1028)	(0.0000)
Obs*R-squared	51.9897	Chi-Square(1)	(0.0000)

• الجدول من إعداد الباحث باستخدام البرنامج الإحصائي Eviews-7

من نتائج الاختبار نجد أن قيمة الاحتمالية أقل من 0.05 و 0.01 وعليه نرفض

فرضية العدم H_0 ونقبل الفرضية البديلة H_1 مما يدل على فعالية ARCH ، أي وجود

مشكلة عدم تجانس التباين المشروط .

٢ ٣ ٢ - اختبار احصاءة (Q_{LB}) : (Ljung- Box)

تم إجراء الاختبار على بيانات سلسلة العوائد النفطية لـ (20) فترة (إزاحة) والنتائج موضحة

جدول (4)

في الجدول (4)

نتائج اختبار احصاءة Q_{LB}

Lag	Q_{LB}	Prop
1	6.1094	0.013
5	7.8236	0.166
10	19.543	0.034
15	27.022	0.029
20	30.707	0.059

• الجدول من إعداد الباحث باستخدام البرنامج الإحصائي Eviews-7

ويتضح من نتائج الجدول (4) ولأغلب الفترات برفض فرضية العدم وقبول الفرضية

البديلة والتي تدل على وجود الارتباط الذاتي في السلسلة .

٢ ٤ للتقدير :

في هذه المرحلة يتم التعرف على الأنموذج الملائم مبدئياً للسلسلة الزمنية قيد الدراسة وقد تم

تقدير عدة نماذج وكما موضح في الجدول (5) وبالاعتماد على المعايير (AIC) و (SIC) و (H-Q)

في اختيار الأنموذج الملائم وكذلك معنوية المعلمات المقدرة لكل نموذج .

استعمال أنموذج الانحدار الذاتي المعمم مشروط بعدم تجانس التباين $GARCH(p,q)$ في تمثيل بيانات السلاسل الزمنية واستخدامها في التنبؤ مع تطبيق عملي على الأسعار اليومية العالمية للنفط

جدول رقم (5)

يمثل نتائج تقدير عدة نماذج من **GARCH** وبعض معايير اختيار الأنموذج الملائم

المعاملات	GARCH(1,1)	GARCH(1,2)	GARCH(2,1)	GARCH(2,2)
μ	-0.000379 (0.4647)	-0.000550 (0.2867)	-0.000402 (0.4370)	-0.000460 (0.3789)
α_0	0.00000209* (0.0119)	0.000003* (0.0189)	0.0000019* (0.0148)	0.00000335* (0.0231)
α_1	0.067976** (0.0000)	0.110625** (0.0000)	0.107179** (0.0039)	0.093713** (0.0000)
α_2	-----	-----	-0.043135 (0.2557)	0.029086 (0.1854)
B_1	0.930007** (0.0000)	0.115257 (0.0905)	0.934412** (0.0000)	0.016606 (0.7900)
B_2	-----	0.77251** (0.0000)	-----	0.858690** (0.0000)
AIC	-5.069264	-5.070781	-5.068262	-5.069813
SIC	-5.050105	-5.046832	-5.044313	-5.041075
H-Q	-5.061993	-5.061692	-5.059173	-5.058907

• الجدول من إعداد الباحث باستخدام البرنامج الإحصائي **Eviews-7**

ومن نتائج الجدول (5) نجد إن أفضل أنموذج يمكن اختياره هو $GARCH(1,1)$ وذلك لمعنوية جميع المعلمات المقدرة ويملك أقل قيم لمعايير اختيار أفضل أنموذج .

٢-٤-١ تقدير نتائج النموذج الملائم وتفسيرها :

بما إن الأنموذج $GARCH(1,1)$ الذي تم اختياره هو النموذج الملائم لتمثيل بيانات السلسلة الزمنية لإسعار النفط حيث كانت نتائج التقدير موضحة بالجدول (6) :

جدول (6)

نتائج تقدير أنموذج **GARCH(1,1)**

Parameter	Coefficient	Std. Error	z-Statistic	Prob.
μ	-0.000379	0.000519	-0.731093	0.4647
α_0	2.09E-06	8.32E-07	2.514689	0.0119
α_1	0.067976	0.011064	6.143769	0.0000
B_1	0.930007	0.011107	83.73236	0.0000

• الجدول من إعداد الباحث باستخدام البرنامج الإحصائي **Eviews-7**

وعليه فان :

- معادلة المتوسط :

$$Z_t = -0.000379 + u_t$$

$$(Prob) \quad (0.4647)$$
- معادلة التباين المشروط :

$$\sigma_t^2 = 0.00000209 + 0.067976 u_{t-1}^2 + 0.930007 \sigma_{t-1}^2$$

$$(Prob) \quad (0.0119) \quad (0.0000) \quad (0.0000)$$

ويمكن اختبار شرط الاستقرارية للأنموذج GARCH(1,1) باستعمال الصيغة التالية :

$$0 < (\alpha_1 + B_1) < 1$$

$$0.067976 + 0.930007 = 0.997983$$

وكانت النتيجة هي أقل من واحد ، مما يشير إلى أن الأنموذج ملائم حيث نستنتج

استقرارية تنبؤات التباين المشروط للأنموذج .

وأیضا من نتائج التقدير نجد أن الحد الثابت في معادلة المتوسط غير معنوية كون

الاحتمالية أكبر من (0.05) وفي معادلة التباين المشروط نجد أن الحد الثابت α_0

معنوي كون الاحتمالية أقل من (0.05) كذلك نجد أن معلمتي مربع البواقي والتباين

الشرطي لفترة سابقة واحدة (α_1 , B_1) معنويتان وبدرجة عالية كون الاحتمالية

أیضا اقل من (0.05) وأقل من (0.01) .

٢ ٥ - تشخيص الأنموذج الملائم:

لغرض إثبات فعالية ARCH ، حيث يفترض أن تكون البواقي (ut) في الأنموذج

GARCH(1,1) تتبع التوزيع الطبيعي يتوجب اختبار التوزيع الطبيعي للبواقي وكذلك

الارتباط الذاتي واختبار وجود اثر ARCH وسوف تكون الفرضيات على التوالي :

1- H0: سلسلة البواقي لا تتبع التوزيع الطبيعي : H1 ; سلسلة البواقي تتبع التوزيع الطبيعي

2- H0: وجود ارتباط ذاتي في سلسلة البواقي : H1 ; عدم وجود ارتباط ذاتي في سلسلة البواقي

3- H0: وجود تأثير ARCH في سلسلة البواقي : H1 عدم وجود تأثير ARCH في سلسلة البواقي

٢ ٥ ١ اختبار التوزيع الطبيعي :

نجد من نتائج اختبار التوزيع الطبيعي والموضحة في الشكل (5) حيث ان معامل النقلح

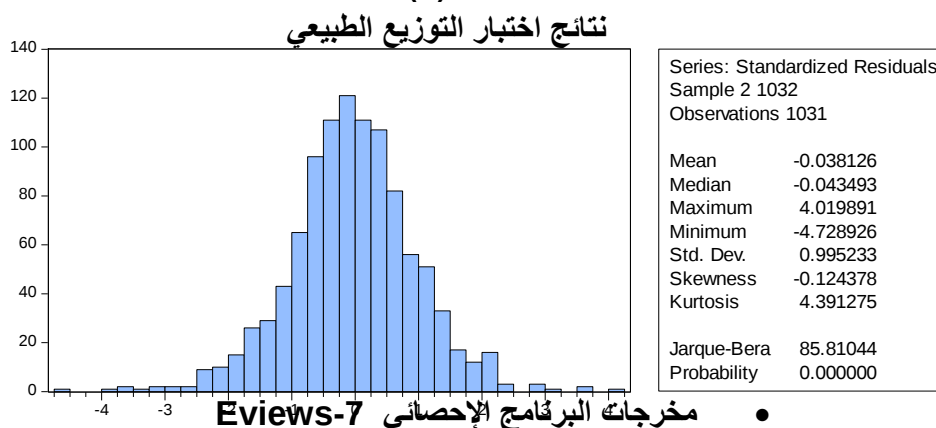
للأنموذج GARCH(1,1) والذي قيمته (Kurtosis = 4.391275) وهي أكبر من (3) بمعنى

أن منحني التوزيع للمشاهدات مدبب أكثر من منحني التوزيع الطبيعي مما يدل على ملائمة

الأنموذج .

استعمال أنموذج الانحدار الذاتي المعمم مشروط بعدم تجانس التباين GARCH(p,q) في تمثيل بيانات السلاسل الزمنية واستخدامها في التنبؤ مع تطبيق عملي على الأسعار اليومية العالمية للنفط

شكل (5)



٢-٥-٢- اختبار (Ljung-Box):

تتم عملية الفحص أيضا على مربع سلسلة البواقي لمعرفة مدى ملائمة معادلة التباين الخاصة بالأنموذج، وتم إجراء الاختبار على فترات الإبطاء (الزاحات) (1,5,10,15,20,25,30,35) وكما موضح بالجدول (7) لاختبار مربع سلسلة البواقي القياسية .

إذ إن سلسلة البواقي يمكن التعبير عنها بالصيغة التالية : $\hat{\varepsilon}_i = \frac{\hat{u}_i}{\hat{\sigma}_i}$: إذ إن :

$\hat{u}_i$: تمثل سلسلة البواقي المقدرة من معادلة المتوسط

$\hat{\sigma}_i$: تمثل سلسلة الانحرافات المعيارية القياسية المشروطة ويتم حسابها بإخذ الجذر التربيعي لمعادلة التباين.

جدول (7)

نتائج اختبار احصاء Q_{LB} على سلسلة مربع البواقي القياسية

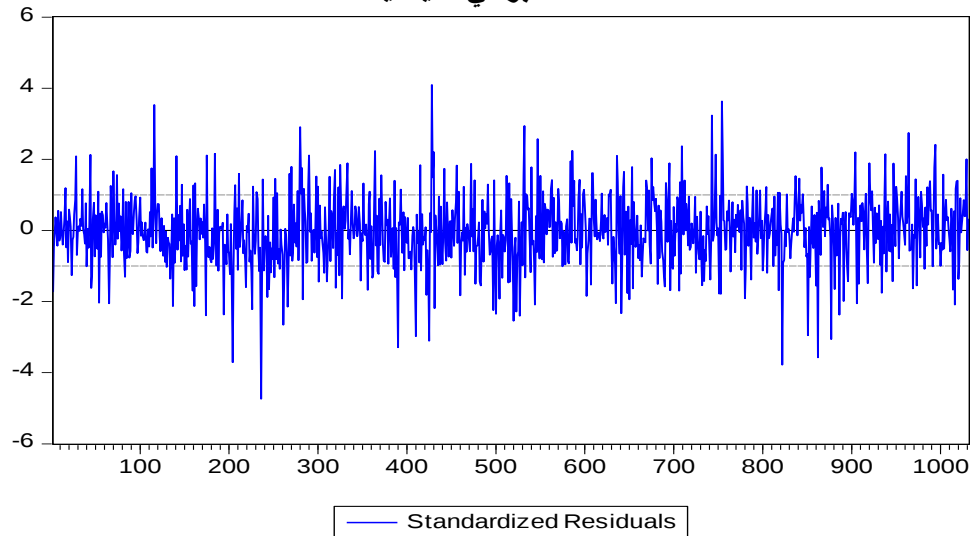
Lag	Q_{LB}	Prop
1	0.3877	0.533
5	3.8981	0.564
10	7.6275	0.665
15	9.9358	0.824
20	12.534	0.896
25	17.788	0.851
30	22.396	0.839
35	34.143	0.509

الجدول من إعداد الباحث باستخدام البرنامج الإحصائي Eviews-7

وتدل نتائج الاختبار على أن قيمة الاحتمالية أكبر بكثير من 0.05, مما يدعونا الى قبول فرضية العدم التي تنص على عدم وجود ارتباط معنوي في مربع سلسلة البواقي القياسية مما يؤكد على عشوائية سلسلة البواقي ، والشكل (6) يوضح سلوك سلسلة البواقي القياسية .

شكل (6)

سلسلة البواقي القياسية



• مخرجات البرنامج الإحصائي Eviews-7

٣-٥-٢-ARCH اختبار

لمعرفة وجود تأثير لـ ARCH نقوم بإجراء اختبار ARCH وبحسب الفرضيات التالية:

عدم وجود تأثير ARCH في سلسلة البواقي : H_0

وجود تأثير ARCH في سلسلة البواقي : H_1

وكانت نتائج الاختبار كما في الجدول (8)

جدول (8)

Heteroscedasticity Test : ARCH

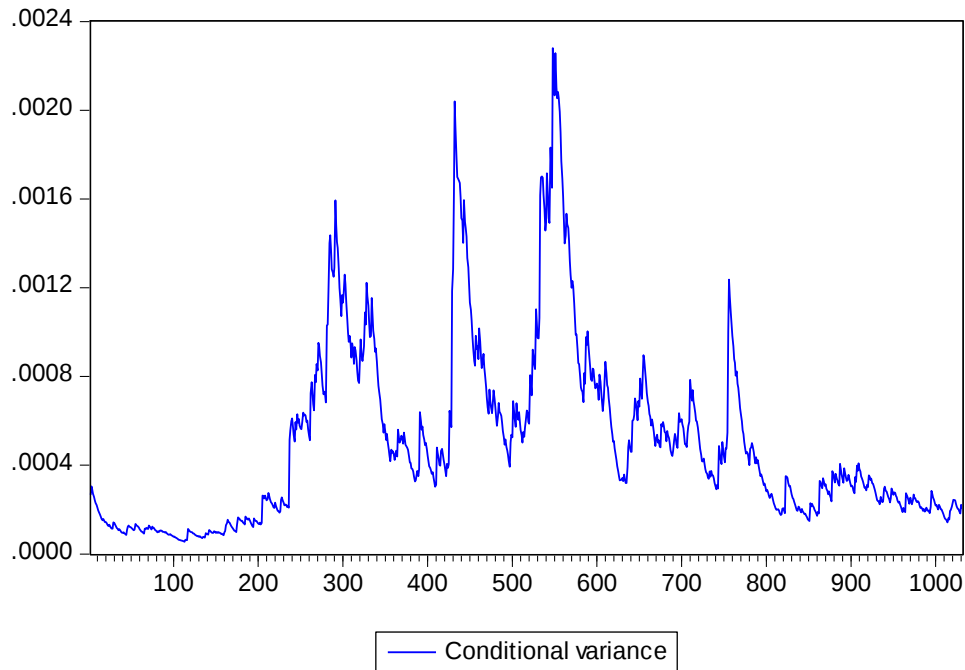
الاختبار	قيمة الاختبار	احصاء المقارنة	Prob
F-statistic	0.386205	F(1,1028)	0.5344
Obs*R-squared	0.386811	Chi-Square(1)	0.5340

• الجدول من إعداد الباحث باستخدام البرنامج الإحصائي Eviews-7

استعمال أنموذج الانحدار الذاتي المعمم مشروط بعدم تجانس التباين $GARCH(p,q)$ في تمثيل بيانات السلاسل الزمنية واستخدامها في التنبؤ مع تطبيق عملي على الأسعار اليومية العالمية للنفط

من نتائج الاختبار نجد أن قيمة الاحتمالية أكبر بكثير من 0.05 وعليه نقبل فرضية العدم H_0 ونرفض الفرضية البديلة H_1 مما يدل على خلو الأنموذج من أثر ARCH ، أي عدم وجود مشكلة عدم تجانس التباين .
ومن نتائج الاختبارات السابقة نستنتج أن معادلة التباين التي تم اختيارها ملائمة ، وهذا ما نسعى إليه للتأكد من خلو الأنموذج من مشكلة عدم تجانس التباين .
ويستخدم الانحراف المعياري الشرطي (Conditional standard deviation) أو التباين الشرطي (Conditional Variance) المستخرج من نماذج الانحدار الذاتي مشروطاً بوجود عدم تجانس التباين كمقياس لتقلبات الأسعار ، وكما في الشكل (7) والشكل (8).

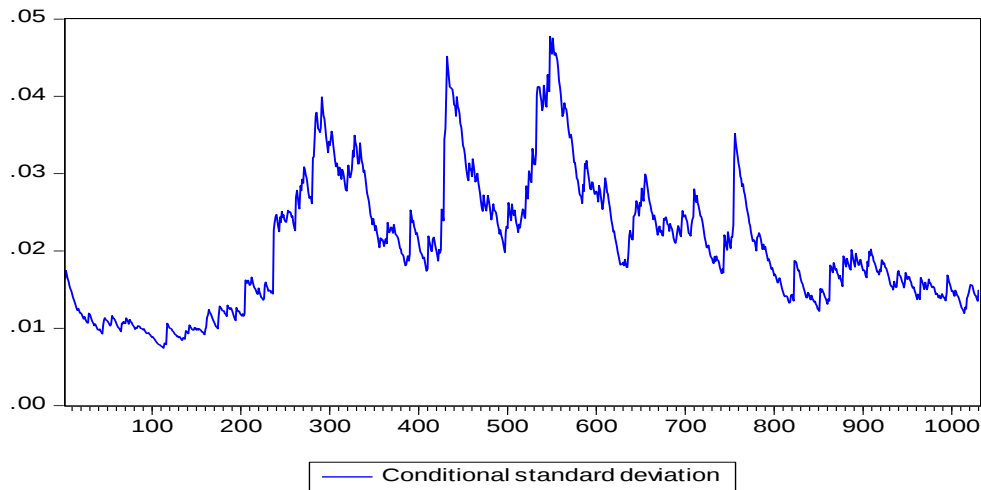
شكل (7)
تقلبات الأسعار حسب أنموذج $GARCH(1,1)$ باستخدام التباين الشرطي



• مخرجات البرنامج الإحصائي Eviews-7

شكل (8)

تقلبات الأسعار بحسب أنموذج GARCH(1,1) باستعمال الانحراف المعياري الشرطي



• مخرجات البرنامج الإحصائي Eviews-7

٦-٢- أنموذج GARCH-M

سبق أن أشرنا إلى أن هذه النماذج هي امتداداً لنماذج GARCH التي تأخذ المخاطرة بنظر الاعتبار حيث تكون معادلة المتوسط بعد إضافة التباين وكالاتي :

$$Z_t = \mu + \gamma \sigma_t^2 + u_t$$

ولأخذ المخاطرة بنظر الاعتبار نستخدم نموذج GARCH-M (1,1) ونتأجه المقدرة

موضحه بالجدول (9) . جدول (9)

نتائج تقدير نموذج GARCH- M (1,1)

Parameter	Coefficient	Std. Error	z-Statistic	Prob.
μ	-0.001015	0.000784	-1.294726	0.1954
γ	2.347619	2.076613	1.130504	0.2583
α_0	2.20E-06	8.65E-07	2.540252	0.0111
α_1	0.070910	0.011723	6.048528	0.0000
B1	0.927418	0.011597	79.97341	0.0000

• الجدول من إعداد الباحث باستخدام البرنامج الإحصائي Eviews-7

وتكون معادلتا المتوسط والتباين المشروط كالآتي:

استعمال أنموذج الانحدار الذاتي المعمم مشروط بعدم تجانس التباين GARCH(p,q) في تمثيل بيانات السلاسل الزمنية واستخدامها في التنبؤ مع تطبيق عملي على الأسعار اليومية العالمية للنفط

- معادلة المتوسط : $Z_t = -0.001015 + 2.347619 \sigma_t^2 + u_t$
(Prob) (0.1954) (0.2583)
- معادلة التباين المشروط :
• $\sigma_t^2 = 0.000002206 + 0.070910 u_{t-1}^2 + 0.927418 \sigma_{t-1}^2$
(Prob) (0.0111) (0.0000) (0.0000)

ومن خلال نتائج التقدير فإن إضافة التباين إلى معادلة المتوسط لم يكن معنوياً كون معلمة التباين غير معنوية ، وهذا يدل على عدم أخذ المخاطرة في هذه الدراسة بل الاستناد إلى التذبذبات (التقلبات) وبالتالي فإن النموذج الملائم الذي يمكن استعماله في التنبؤ هو GARCH(1,1).

٦ ٢ - التنبؤ:

إن الهدف الأخير هو استخدام الأنموذج الملائم للتنبؤ مع تحقيق الاستقرار في التباين المشروط للوصول إلى أفضل نتائج ممكنة في تحليل السلاسل الزمنية . والجدول (10) يوضح بعض معايير التنبؤ التي تم ذكرها سابقاً ومنها متوسط الخطأ المطلق MAE والانحراف المعياري S.E .

الجدول (10)

يوضح بعض معايير التنبؤ للنماذج المقدرة

	الانحراف المعياري S.E	متوسط الخطأ المطلق MAE	متوسط الخطأ النسبي MAPE المطلق
GARCH(1,1)	0.022061	0.015822	100.8138
GARCH(1,2)	0.022061	0.015818	102.2410
GARCH(2,1)	0.022061	0.015821	100.9844
GARCH(2,2)	0.022061	0.015820	101.4646

- الجدول من إعداد الباحث باستخدام البرنامج الإحصائي Eviews-7

وباستخدام معايير التنبؤ التي تم التطرق إليها سابقاً في الجانب النظري للنماذج المقدرة نجد إن الأنموذج الملائم هو GARCH(1,1) حيث يُظهر نتائج أفضل لكونه يمتلك قيمة أقل للمعايير المستخدمة مقارنة ببقية النماذج الأخرى فلذلك يعتبر أفضل أنموذج للتنبؤ بأسعار النفط العالمية اليومية .

٣- الاستنتاجات والتوصيات :

٣-١- الاستنتاجات :

• بعد إجراء عملية التشخيص باستخدام بعض الاختبارات الإحصائية والتقدير لعدة نماذج مختارة

تم التوصل ومن خلال بعض المعايير الإحصائية في اختيار أفضل نموذج وكذلك باستخدام بعض معايير التنبؤ وجد إن أفضل نموذج لتمثيل السلسلة الزمنية لأسعار النفط العالمية والتنبؤ بالتقلبات الحاصلة مستقبلاً هو النموذج $GARCH(1,1)$.

• التوصل الى نماذج الانحدار الذاتي المشروط بعدم تجانس التباين قادر على عمل التنبؤات الأكثر دقة للتقلبات الحاصلة مستقبلاً.

٣-٢- التوصيات :

يوصي الباحث باستخدام نماذج $GARCH(p,q)$ في تمثيل بيانات السلاسل الزمنية التي تعاني من مشكلة عدم تجانس التباين (Heteroscedasticity) أي التي تعاني من التقلبات في الأسعار وبصفة خاصة البيانات المالية.

يوصي الباحث باستخدام بعض النماذج الخاصة مثل $GARCH-M$ التي هي من العائلة نفسها ولكن بإضافة عامل الخطورة بالحسبان بالإضافة الى التقلبات .

ضرورة إعطاء الأهمية العلمية لتطبيق مثل هكذا نماذج لدراسة مختلف الظواهر الاقتصادية والتنبؤ بالتقلبات.

استعمال أنموذج الانحدار الذاتي المعمم مشروط بعدم تجانس التباين $GARCH(p,q)$ في تمثيل بيانات السلاسل الزمنية واستخدامها في التنبؤ مع تطبيق عملي على الأسعار اليومية العالمية للنفط

المصادر :

١. الصفاوي، صفاء يونس وأمين، هبه لقمان "استخدام نماذج $ARCH(P)$ و $GARCH(P,q)$ لتمثيل البيانات اليومية لمرضى الأطفال، مجلة تنمية الرفادين/ ملحق العدد ١١٤ المجلد ٣٥ لسنة ٢٠١٣، ص ١٥٥-١٧١
٢. شومان، عبداللطيف حسن والصراف، نزار مصطفى، (2013)، "السلاسل الزمنية والأرقام القياسية" دار الدكتور للعلوم الإدارية والاقتصادية، بغداد.
٣. عبدالله، سهيل نجم (2008) "تحليل نماذج السلاسل الزمنية اللاخطية من نوع $GARCH(p,q)$ & $ARCH$ للترتب الدنيا باستخدام المحاكاة" أطروحة دكتوراه/كلية الإدارة والاقتصاد/جامعة بغداد. ص ٧-٣٠
٤. محمد، فراس احمد ويادكار، احمد شامار " استخدام نماذج $GARCH$, $ARCH$ في التنبؤ بسعر الإغلاق اليومي لمؤشر سوق العراق للأوراق المالية /مجلة جامعة كركوك للعلوم الإدارية والاقتصادية المجلد (٥) العدد (٢) لسنة ٢٠١٥ . ص ٢٣٧-٢٦٦ .
5. Andersson ,E., and B., Gustafsson, "En empirical study Value-at Risk-prediction GARCH-model, "Lunds University, 2007
6. Bollerslev, T., (1986) "Generalized Autoregressive Conditional Heteroscedasticity, " Journal of Econometrics, Vol. 31, pp307-327
7. Bollerslev, T., R.F. Engle, and D.B. Nelson, (1994) "ARCH Models," Handbook of Econometrics, Volume IV, Chapter 49, pp 2959-3038, Elsevier Science B.V., Amsterdam, The Netherlands.
8. Damodar N. Gujarati, (2004) "Basic Econometrics" , fourth edition , McGraw-Hill , companies .
9. Drost , F., and E. Nijman, " Temporal Aggregation of GARCH," Processes Econometrica, Vol. 61, No. 4, (Jul., 1993), pp. 909-927

10. Dickey, David . A ,and Fuller ,W. A., (1981) ,"likelihood ratio statistics for autoregressive time series with a unit root" *Econometrica* ,vol. 49,No.4; p.1057-1072.
11. Engle, R.,(1982)"Autoregressive Conditional Heteroscedasticity with Estimates of the Variance of United Kingdom Inflation," *Econometrica* , Vol. 50, pp 987-1007.
12. Heston, S.L., Nandi, S., "A closed-form GARCH option valuation model," *Review of Financial Studies* , (2000) , pp 585–625.
13. Hu, Shuhua.(2007). "Akaike Information Criterion" Center for Research in Scientific Computation North Carolina State University Raleigh, NC.
14. Nelson ,D., " Conditional Heteroscedasticity in Asset Returns, " *Econometrica*, Vol. 59, No. 2, (Mar., 1991), pp. 347-370
15. R.F. Engel," GARCH : the use of ARCH/GARCH models in applied econometrics ", *Journal of Economic perspective*, Vol15, (2001), 157-168.

مصادر البيانات:

- الموقع الالكتروني investing.com اسعار عقود نفط برنت

<https://sa.investing.com/commodities/brent-oil>

استعمال أنموذج الانحدار الذاتي المعمم مشروط بعدم تجانس التباين GARCH(p,q) في تمثيل بيانات السلاسل الزمنية واستخدامها في التنبؤ مع تطبيق عملي على الأسعار اليومية العالمية للنفط

ملحق رقم (١) الأسعار العالمية اليومية للنفط للمدة من ٢٠١٤/١/١ ولغاية ٢٠١٨/١٢/٣١

ت	التاريخ	سعر الإغلاق	ت	التاريخ	سعر الإغلاق	ت	التاريخ	سعر الإغلاق
1	٠١ يناير ٢٠١٤	110.92	351	١٢ مايو ٢٠١٥	66.86	701	١٦ سبتمبر ٢٠١٦	45.77
2	٠٢ يناير ٢٠١٤	107.78	352	١٣ مايو ٢٠١٥	66.81	702	١٩ سبتمبر ٢٠١٦	45.95
3	٠٣ يناير ٢٠١٤	106.89	353	١٤ مايو ٢٠١٥	66.59	703	٢٠ سبتمبر ٢٠١٦	45.88
4	٠٦ يناير ٢٠١٤	106.73	354	١٥ مايو ٢٠١٥	66.81	704	٢١ سبتمبر ٢٠١٦	46.83
5	٠٧ يناير ٢٠١٤	107.35	355	١٨ مايو ٢٠١٥	66.27	705	٢٢ سبتمبر ٢٠١٦	47.65
6	٠٨ يناير ٢٠١٤	107.15	356	١٩ مايو ٢٠١٥	64.02	706	٢٣ سبتمبر ٢٠١٦	45.89
7	٠٩ يناير ٢٠١٤	106.39	357	٢٠ مايو ٢٠١٥	65.03	707	٢٦ سبتمبر ٢٠١٦	47.35
8	١٠ يناير ٢٠١٤	107.25	358	٢١ مايو ٢٠١٥	66.54	708	٢٧ سبتمبر ٢٠١٦	45.97
9	١٣ يناير ٢٠١٤	106.75	359	٢٢ مايو ٢٠١٥	65.37	709	٢٨ سبتمبر ٢٠١٦	48.69
10	١٤ يناير ٢٠١٤	106.39	360	٢٥ مايو ٢٠١٥	65.52	710	٢٩ سبتمبر ٢٠١٦	49.24
11	١٥ يناير ٢٠١٤	107.13	361	٢٦ مايو ٢٠١٥	63.72	711	٣٠ سبتمبر ٢٠١٦	49.06
12	١٦ يناير ٢٠١٤	107.09	362	٢٧ مايو ٢٠١٥	62.06	712	٠٣ أكتوبر ٢٠١٦	50.89
13	١٧ يناير ٢٠١٤	106.48	363	٢٨ مايو ٢٠١٥	62.58	713	٠٤ أكتوبر ٢٠١٦	50.87
14	٢٠ يناير ٢٠١٤	106.35	364	٢٩ مايو ٢٠١٥	65.56	714	٠٥ أكتوبر ٢٠١٦	51.86
15	٢١ يناير ٢٠١٤	106.73	365	٠١ يونيو ٢٠١٥	64.88	715	٠٦ أكتوبر ٢٠١٦	52.51
16	٢٢ يناير ٢٠١٤	108.27	366	٠٢ يونيو ٢٠١٥	65.49	716	٠٧ أكتوبر ٢٠١٦	51.93
17	٢٣ يناير ٢٠١٤	107.58	367	٠٣ يونيو ٢٠١٥	63.8	717	١٠ أكتوبر ٢٠١٦	53.14
18	٢٤ يناير ٢٠١٤	107.88	368	٠٤ يونيو ٢٠١٥	62.03	718	١١ أكتوبر ٢٠١٦	52.41
19	٢٧ يناير ٢٠١٤	106.69	369	٠٥ يونيو ٢٠١٥	63.31	719	١٢ أكتوبر ٢٠١٦	51.81
20	٢٨ يناير ٢٠١٤	107.41	370	٠٨ يونيو ٢٠١٥	62.69	720	١٣ أكتوبر ٢٠١٦	52.03
21	٢٩ يناير ٢٠١٤	107.85	371	٠٩ يونيو ٢٠١٥	64.88	721	١٤ أكتوبر ٢٠١٦	51.95
22	٣٠ يناير ٢٠١٤	107.95	372	١٠ يونيو ٢٠١٥	65.7	722	١٧ أكتوبر ٢٠١٦	51.52
23	٣١ يناير ٢٠١٤	106.4	373	١١ يونيو ٢٠١٥	65.11	723	١٨ أكتوبر ٢٠١٦	51.68
24	٠٣ فبراير ٢٠١٤	106.04	374	١٢ يونيو ٢٠١٥	63.87	724	١٩ أكتوبر ٢٠١٦	52.67
25	٠٤ فبراير ٢٠١٤	105.78	375	١٥ يونيو ٢٠١٥	62.61	725	٢٠ أكتوبر ٢٠١٦	51.38
26	٠٥ فبراير ٢٠١٤	106.25	376	١٦ يونيو ٢٠١٥	63.7	726	٢١ أكتوبر ٢٠١٦	51.78
27	٠٦ فبراير ٢٠١٤	107.19	377	١٧ يونيو ٢٠١٥	63.87	727	٢٤ أكتوبر ٢٠١٦	51.46
28	٠٧ فبراير ٢٠١٤	109.57	378	١٨ يونيو ٢٠١٥	64.26	728	٢٥ أكتوبر ٢٠١٦	50.79
29	١٠ فبراير ٢٠١٤	108.63	379	١٩ يونيو ٢٠١٥	63.02	729	٢٦ أكتوبر ٢٠١٦	49.98
30	١١ فبراير ٢٠١٤	108.68	380	٢٢ يونيو ٢٠١٥	63.34	730	٢٧ أكتوبر ٢٠١٦	50.47
31	١٢ فبراير ٢٠١٤	108.79	381	٢٣ يونيو ٢٠١٥	64.45	731	٢٨ أكتوبر ٢٠١٦	49.71
32	١٣ فبراير ٢٠١٤	108.73	382	٢٤ يونيو ٢٠١٥	63.49	732	٣١ أكتوبر ٢٠١٦	48.3
33	١٤ فبراير ٢٠١٤	109.08	383	٢٥ يونيو ٢٠١٥	63.2	733	٠١ نوفمبر ٢٠١٦	48.14
34	١٧ فبراير ٢٠١٤	109.18	384	٢٦ يونيو ٢٠١٥	63.26	734	٠٢ نوفمبر ٢٠١٦	46.86
35	١٨ فبراير ٢٠١٤	110.46	385	٢٩ يونيو ٢٠١٥	62.01	735	٠٣ نوفمبر ٢٠١٦	46.35
36	١٩ فبراير ٢٠١٤	110.47	386	٣٠ يونيو ٢٠١٥	63.59	736	٠٤ نوفمبر ٢٠١٦	45.58
37	٢٠ فبراير ٢٠١٤	110.3	387	٠١ يوليو ٢٠١٥	62.01	737	٠٧ نوفمبر ٢٠١٦	46.15
38	٢١ فبراير ٢٠١٤	109.85	388	٠٢ يوليو ٢٠١٥	62.07	738	٠٨ نوفمبر ٢٠١٦	46.04
39	٢٤ فبراير ٢٠١٤	110.64	389	٠٣ يوليو ٢٠١٥	60.32	739	٠٩ نوفمبر ٢٠١٦	46.36
40	٢٥ فبراير ٢٠١٤	109.51	390	٠٦ يوليو ٢٠١٥	56.54	740	١٠ نوفمبر ٢٠١٦	45.84
41	٢٦ فبراير ٢٠١٤	109.52	391	٠٧ يوليو ٢٠١٥	56.85	741	١١ نوفمبر ٢٠١٦	44.75
42	٢٧ فبراير ٢٠١٤	108.96	392	٠٨ يوليو ٢٠١٥	57.05	742	١٤ نوفمبر ٢٠١٦	44.43
43	٢٨ فبراير ٢٠١٤	109.07	393	٠٩ يوليو ٢٠١٥	58.61	743	١٥ نوفمبر ٢٠١٦	46.95
44	٠٣ مارس ٢٠١٤	111.2	394	١٠ يوليو ٢٠١٥	58.73	744	١٦ نوفمبر ٢٠١٦	46.63
45	٠٤ مارس ٢٠١٤	109.3	395	١٣ يوليو ٢٠١٥	57.85	745	١٧ نوفمبر ٢٠١٦	46.49
46	٠٥ مارس ٢٠١٤	107.76	396	١٤ يوليو ٢٠١٥	58.51	746	١٨ نوفمبر ٢٠١٦	46.86
47	٠٦ مارس ٢٠١٤	108.1	397	١٥ يوليو ٢٠١٥	57.05	747	٢١ نوفمبر ٢٠١٦	48.9
48	٠٧ مارس ٢٠١٤	109	398	١٦ يوليو ٢٠١٥	57.51	748	٢٢ نوفمبر ٢٠١٦	49.12
49	١٠ مارس ٢٠١٤	108.08	399	١٧ يوليو ٢٠١٥	57.1	749	٢٣ نوفمبر ٢٠١٦	48.95
50	١١ مارس ٢٠١٤	108.55	400	٢٠ يوليو ٢٠١٥	56.65	750	٢٤ نوفمبر ٢٠١٦	49
51	١٢ مارس ٢٠١٤	108.02	401	٢١ يوليو ٢٠١٥	57.04	751	٢٥ نوفمبر ٢٠١٦	47.24
52	١٣ مارس ٢٠١٤	107.39	402	٢٢ يوليو ٢٠١٥	56.13	752	٢٨ نوفمبر ٢٠١٦	48.24
53	١٤ مارس ٢٠١٤	108.57	403	٢٣ يوليو ٢٠١٥	55.27	753	٢٩ نوفمبر ٢٠١٦	46.38
54	١٧ مارس ٢٠١٤	106.24	404	٢٤ يوليو ٢٠١٥	54.62	754	٣٠ نوفمبر ٢٠١٦	50.47
55	١٨ مارس ٢٠١٤	106.79	405	٢٧ يوليو ٢٠١٥	53.47	755	٠١ ديسمبر ٢٠١٦	53.94
56	١٩ مارس ٢٠١٤	105.85	406	٢٨ يوليو ٢٠١٥	53.3	756	٠٢ ديسمبر ٢٠١٦	54.46
57	٢٠ مارس ٢٠١٤	106.45	407	٢٩ يوليو ٢٠١٥	53.38	757	٠٥ ديسمبر ٢٠١٦	54.94
58	٢١ مارس ٢٠١٤	106.92	408	٣٠ يوليو ٢٠١٥	53.31	758	٠٦ ديسمبر ٢٠١٦	53.93
59	٢٤ مارس ٢٠١٤	106.81	409	٣١ يوليو ٢٠١٥	52.21	759	٠٧ ديسمبر ٢٠١٦	53
60	٢٥ مارس ٢٠١٤	106.99	410	٠٣ أغسطس ٢٠١٥	49.52	760	٠٨ ديسمبر ٢٠١٦	53.89

54.33	٢٠١٦ ديسيمبر ٠٩	761	49.99	٢٠١٥ أغسطس ٠٤	411	107.03	٢٠١٤ مارس ٢٦	61
55.69	٢٠١٦ ديسيمبر ١٢	762	49.59	٢٠١٥ أغسطس ٠٥	412	107.83	٢٠١٤ مارس ٢٧	62
55.72	٢٠١٦ ديسيمبر ١٣	763	49.52	٢٠١٥ أغسطس ٠٦	413	108.07	٢٠١٤ مارس ٢٨	63
53.9	٢٠١٦ ديسيمبر ١٤	764	48.61	٢٠١٥ أغسطس ٠٧	414	107.76	٢٠١٤ مارس ٣١	64
54.02	٢٠١٦ ديسيمبر ١٥	765	50.41	٢٠١٥ أغسطس ١٠	415	105.62	٢٠١٤ أبريل ٠١	65
55.21	٢٠١٦ ديسيمبر ١٦	766	49.18	٢٠١٥ أغسطس ١١	416	104.79	٢٠١٤ أبريل ٠٢	66
54.92	٢٠١٦ ديسيمبر ١٩	767	49.66	٢٠١٥ أغسطس ١٢	417	106.15	٢٠١٤ أبريل ٠٣	67
55.35	٢٠١٦ ديسيمبر ٢٠	768	49.22	٢٠١٥ أغسطس ١٣	418	106.72	٢٠١٤ أبريل ٠٤	68
54.46	٢٠١٦ ديسيمبر ٢١	769	49.03	٢٠١٥ أغسطس ١٤	419	105.82	٢٠١٤ أبريل ٠٧	69
55.05	٢٠١٦ ديسيمبر ٢٢	770	48.74	٢٠١٥ أغسطس ١٧	420	107.67	٢٠١٤ أبريل ٠٨	70
55.16	٢٠١٦ ديسيمبر ٢٣	771	48.81	٢٠١٥ أغسطس ١٨	421	107.98	٢٠١٤ أبريل ٠٩	71
56.09	٢٠١٦ ديسيمبر ٢٧	772	47.16	٢٠١٥ أغسطس ١٩	422	107.46	٢٠١٤ أبريل ١٠	72
56.22	٢٠١٦ ديسيمبر ٢٨	773	46.62	٢٠١٥ أغسطس ٢٠	423	107.33	٢٠١٤ أبريل ١١	73
56.14	٢٠١٦ ديسيمبر ٢٩	774	45.46	٢٠١٥ أغسطس ٢١	424	109.07	٢٠١٤ أبريل ١٤	74
56.82	٢٠١٦ ديسيمبر ٣٠	775	42.69	٢٠١٥ أغسطس ٢٤	425	108.74	٢٠١٤ أبريل ١٥	75
55.47	٢٠١٧ يناير ٠٣	776	43.21	٢٠١٥ أغسطس ٢٥	426	109.6	٢٠١٤ أبريل ١٦	76
56.46	٢٠١٧ يناير ٠٤	777	43.14	٢٠١٥ أغسطس ٢٦	427	109.53	٢٠١٤ أبريل ١٧	77
56.89	٢٠١٧ يناير ٠٥	778	47.56	٢٠١٥ أغسطس ٢٧	428	109.95	٢٠١٤ أبريل ٢١	78
57.1	٢٠١٧ يناير ٠٦	779	50.05	٢٠١٥ أغسطس ٢٨	429	109.27	٢٠١٤ أبريل ٢٢	79
54.94	٢٠١٧ يناير ٠٩	780	54.15	٢٠١٥ أغسطس ٣١	430	109.11	٢٠١٤ أبريل ٢٣	80
53.64	٢٠١٧ يناير ١٠	781	49.56	٢٠١٥ سبتمبر ٠١	431	110.33	٢٠١٤ أبريل ٢٤	81
55.1	٢٠١٧ يناير ١١	782	50.5	٢٠١٥ سبتمبر ٠٢	432	109.58	٢٠١٤ أبريل ٢٥	82
56.01	٢٠١٧ يناير ١٢	783	50.68	٢٠١٥ سبتمبر ٠٣	433	108.12	٢٠١٤ أبريل ٢٨	83
55.45	٢٠١٧ يناير ١٣	784	49.61	٢٠١٥ سبتمبر ٠٤	434	108.98	٢٠١٤ أبريل ٢٩	84
55.86	٢٠١٧ يناير ١٦	785	47.63	٢٠١٥ سبتمبر ٠٧	435	108.07	٢٠١٤ أبريل ٣٠	85
55.47	٢٠١٧ يناير ١٧	786	49.52	٢٠١٥ سبتمبر ٠٨	436	107.76	٢٠١٤ مايو ٠١	86
53.92	٢٠١٧ يناير ١٨	787	47.58	٢٠١٥ سبتمبر ٠٩	437	108.59	٢٠١٤ مايو ٠٢	87
54.16	٢٠١٧ يناير ١٩	788	48.89	٢٠١٥ سبتمبر ١٠	438	107.72	٢٠١٤ مايو ٠٥	88
55.49	٢٠١٧ يناير ٢٠	789	48.14	٢٠١٥ سبتمبر ١١	439	107.06	٢٠١٤ مايو ٠٦	89
55.23	٢٠١٧ يناير ٢٣	790	46.37	٢٠١٥ سبتمبر ١٤	440	108.13	٢٠١٤ مايو ٠٧	90
55.44	٢٠١٧ يناير ٢٤	791	46.63	٢٠١٥ سبتمبر ١٥	441	108.04	٢٠١٤ مايو ٠٨	91
55.08	٢٠١٧ يناير ٢٥	792	49.75	٢٠١٥ سبتمبر ١٦	442	107.89	٢٠١٤ مايو ٠٩	92
56.24	٢٠١٧ يناير ٢٦	793	49.08	٢٠١٥ سبتمبر ١٧	443	108.41	٢٠١٤ مايو ١٢	93
55.52	٢٠١٧ يناير ٢٧	794	47.47	٢٠١٥ سبتمبر ١٨	444	109.24	٢٠١٤ مايو ١٣	94
55.23	٢٠١٧ يناير ٣٠	795	48.92	٢٠١٥ سبتمبر ٢١	445	110.19	٢٠١٤ مايو ١٤	95
55.7	٢٠١٧ يناير ٣١	796	49.08	٢٠١٥ سبتمبر ٢٢	446	110.44	٢٠١٤ مايو ١٥	96
56.8	٢٠١٧ فبراير ٠١	797	47.75	٢٠١٥ سبتمبر ٢٣	447	109.75	٢٠١٤ مايو ١٦	97
56.56	٢٠١٧ فبراير ٠٢	798	48.17	٢٠١٥ سبتمبر ٢٤	448	109.37	٢٠١٤ مايو ١٩	98
56.81	٢٠١٧ فبراير ٠٣	799	48.6	٢٠١٥ سبتمبر ٢٥	449	109.69	٢٠١٤ مايو ٢٠	99
55.72	٢٠١٧ فبراير ٠٦	800	47.34	٢٠١٥ سبتمبر ٢٨	450	110.55	٢٠١٤ مايو ٢١	100
55.05	٢٠١٧ فبراير ٠٧	801	48.23	٢٠١٥ سبتمبر ٢٩	451	110.36	٢٠١٤ مايو ٢٢	101
55.12	٢٠١٧ فبراير ٠٨	802	48.37	٢٠١٥ سبتمبر ٣٠	452	110.54	٢٠١٤ مايو ٢٣	102
55.63	٢٠١٧ فبراير ٠٩	803	47.69	٢٠١٥ أكتوبر ٠١	453	110.32	٢٠١٤ مايو ٢٦	103
56.7	٢٠١٧ فبراير ١٠	804	48.13	٢٠١٥ أكتوبر ٠٢	454	110.02	٢٠١٤ مايو ٢٧	104
55.59	٢٠١٧ فبراير ١٣	805	49.25	٢٠١٥ أكتوبر ٠٥	455	109.81	٢٠١٤ مايو ٢٨	105
55.97	٢٠١٧ فبراير ١٤	806	51.92	٢٠١٥ أكتوبر ٠٦	456	109.97	٢٠١٤ مايو ٢٩	106
55.75	٢٠١٧ فبراير ١٥	807	51.33	٢٠١٥ أكتوبر ٠٧	457	109.41	٢٠١٤ مايو ٣٠	107
55.65	٢٠١٧ فبراير ١٦	808	53.05	٢٠١٥ أكتوبر ٠٨	458	108.83	٢٠١٤ يونيو ٠٢	108
55.81	٢٠١٧ فبراير ١٧	809	52.65	٢٠١٥ أكتوبر ٠٩	459	108.82	٢٠١٤ يونيو ٠٣	109
56.18	٢٠١٧ فبراير ٢٠	810	49.86	٢٠١٥ أكتوبر ١٢	460	108.4	٢٠١٤ يونيو ٠٤	110
56.66	٢٠١٧ فبراير ٢١	811	49.24	٢٠١٥ أكتوبر ١٣	461	108.79	٢٠١٤ يونيو ٠٥	111
55.84	٢٠١٧ فبراير ٢٢	812	49.15	٢٠١٥ أكتوبر ١٤	462	108.61	٢٠١٤ يونيو ٠٦	112
56.58	٢٠١٧ فبراير ٢٣	813	48.71	٢٠١٥ أكتوبر ١٥	463	109.99	٢٠١٤ يونيو ٠٩	113
55.99	٢٠١٧ فبراير ٢٤	814	50.46	٢٠١٥ أكتوبر ١٦	464	109.52	٢٠١٤ يونيو ١٠	114
55.93	٢٠١٧ فبراير ٢٧	815	48.61	٢٠١٥ أكتوبر ١٩	465	109.95	٢٠١٤ يونيو ١١	115
55.59	٢٠١٧ فبراير ٢٨	816	48.71	٢٠١٥ أكتوبر ٢٠	466	113.02	٢٠١٤ يونيو ١٢	116
56.36	٢٠١٧ مارس ٠١	817	47.85	٢٠١٥ أكتوبر ٢١	467	113.41	٢٠١٤ يونيو ١٣	117
55.08	٢٠١٧ مارس ٠٢	818	48.08	٢٠١٥ أكتوبر ٢٢	468	112.94	٢٠١٤ يونيو ١٦	118
55.9	٢٠١٧ مارس ٠٣	819	47.99	٢٠١٥ أكتوبر ٢٣	469	113.45	٢٠١٤ يونيو ١٧	119
56.01	٢٠١٧ مارس ٠٦	820	47.54	٢٠١٥ أكتوبر ٢٦	470	114.26	٢٠١٤ يونيو ١٨	120
55.92	٢٠١٧ مارس ٠٧	821	46.81	٢٠١٥ أكتوبر ٢٧	471	115.06	٢٠١٤ يونيو ١٩	121
53.11	٢٠١٧ مارس ٠٨	822	49.05	٢٠١٥ أكتوبر ٢٨	472	114.81	٢٠١٤ يونيو ٢٠	122
52.19	٢٠١٧ مارس ٠٩	823	48.8	٢٠١٥ أكتوبر ٢٩	473	114.12	٢٠١٤ يونيو ٢٣	123

استعمال نموذج الانحدار الذاتي المعمم مشروط بعدم تجانس التباين GARCH(p,q) في تمثيل بيانات السلاسل الزمنية واستخدامها في التنبؤ مع تطبيق عملي على الأسعار اليومية العالمية للنفط

124	٢٤ يونيو ٢٠١٤	114.46	474	٣٠ أكتوبر ٢٠١٥	49.56	824	١٠ مارس ٢٠١٧	51.37
125	٢٥ يونيو ٢٠١٤	114	475	٢ نوفمبر ٢٠١٥	48.79	825	١٣ مارس ٢٠١٧	51.35
126	٢٦ يونيو ٢٠١٤	113.21	476	٣ نوفمبر ٢٠١٥	50.54	826	١٤ مارس ٢٠١٧	50.92
127	٢٧ يونيو ٢٠١٤	113.3	477	٤ نوفمبر ٢٠١٥	48.58	827	١٥ مارس ٢٠١٧	51.81
128	٣٠ يونيو ٢٠١٤	112.36	478	٥ نوفمبر ٢٠١٥	47.98	828	١٦ مارس ٢٠١٧	51.74
129	١ يوليو ٢٠١٤	112.29	479	٦ نوفمبر ٢٠١٥	47.42	829	١٧ مارس ٢٠١٧	51.76
130	٢ يوليو ٢٠١٤	111.24	480	٩ نوفمبر ٢٠١٥	47.19	830	٢٠ مارس ٢٠١٧	51.62
131	٣ يوليو ٢٠١٤	111	481	١٠ نوفمبر ٢٠١٥	47.44	831	٢١ مارس ٢٠١٧	50.96
132	٤ يوليو ٢٠١٤	110.64	482	١١ نوفمبر ٢٠١٥	45.81	832	٢٢ مارس ٢٠١٧	50.64
133	٥ يوليو ٢٠١٤	110.24	483	١٢ نوفمبر ٢٠١٥	44.06	833	٢٣ مارس ٢٠١٧	50.56
134	٨ يوليو ٢٠١٤	108.94	484	١٣ نوفمبر ٢٠١٥	43.61	834	٢٤ مارس ٢٠١٧	50.8
135	٩ يوليو ٢٠١٤	108.28	485	١٦ نوفمبر ٢٠١٥	44.56	835	٢٧ مارس ٢٠١٧	50.75
136	١٠ يوليو ٢٠١٤	108.67	486	١٧ نوفمبر ٢٠١٥	43.57	836	٢٨ مارس ٢٠١٧	51.33
137	١١ يوليو ٢٠١٤	106.66	487	١٨ نوفمبر ٢٠١٥	44.14	837	٢٩ مارس ٢٠١٧	52.42
138	١٤ يوليو ٢٠١٤	106.98	488	١٩ نوفمبر ٢٠١٥	44.18	838	٣٠ مارس ٢٠١٧	52.96
139	١٥ يوليو ٢٠١٤	106.02	489	٢٠ نوفمبر ٢٠١٥	44.66	839	٣١ مارس ٢٠١٧	52.83
140	١٦ يوليو ٢٠١٤	105.85	490	٢٣ نوفمبر ٢٠١٥	44.83	840	٣ أبريل ٢٠١٧	53.12
141	١٧ يوليو ٢٠١٤	107.89	491	٢٤ نوفمبر ٢٠١٥	46.12	841	٤ أبريل ٢٠١٧	54.17
142	١٨ يوليو ٢٠١٤	107.24	492	٢٥ نوفمبر ٢٠١٥	46.17	842	٥ أبريل ٢٠١٧	54.36
143	٢١ يوليو ٢٠١٤	107.68	493	٢٦ نوفمبر ٢٠١٥	45.46	843	٦ أبريل ٢٠١٧	54.89
144	٢٢ يوليو ٢٠١٤	107.33	494	٢٧ نوفمبر ٢٠١٥	44.86	844	٧ أبريل ٢٠١٧	55.24
145	٢٣ يوليو ٢٠١٤	108.03	495	٣٠ نوفمبر ٢٠١٥	44.61	845	١٠ أبريل ٢٠١٧	55.98
146	٢٤ يوليو ٢٠١٤	107.07	496	١ ديسمبر ٢٠١٥	44.44	846	١١ أبريل ٢٠١٧	56.23
147	٢٥ يوليو ٢٠١٤	108.39	497	٢ ديسمبر ٢٠١٥	42.49	847	١٢ أبريل ٢٠١٧	55.86
148	٢٨ يوليو ٢٠١٤	107.57	498	٣ ديسمبر ٢٠١٥	43.84	848	١٣ أبريل ٢٠١٧	55.89
149	٢٩ يوليو ٢٠١٤	107.72	499	٤ ديسمبر ٢٠١٥	43	849	١٧ أبريل ٢٠١٧	55.36
150	٣٠ يوليو ٢٠١٤	106.51	500	٧ ديسمبر ٢٠١٥	40.73	850	١٨ أبريل ٢٠١٧	54.89
151	٣١ يوليو ٢٠١٤	106.02	501	٨ ديسمبر ٢٠١٥	40.26	851	١٩ أبريل ٢٠١٧	52.93
152	١ أغسطس ٢٠١٤	104.84	502	٩ ديسمبر ٢٠١٥	40.11	852	٢٠ أبريل ٢٠١٧	52.99
153	٢ أغسطس ٢٠١٤	105.41	503	١٠ ديسمبر ٢٠١٥	39.73	853	٢١ أبريل ٢٠١٧	51.96
154	٥ أغسطس ٢٠١٤	104.61	504	١١ ديسمبر ٢٠١٥	37.93	854	٢٤ أبريل ٢٠١٧	51.6
155	٦ أغسطس ٢٠١٤	104.59	505	١٤ ديسمبر ٢٠١٥	37.92	855	٢٥ أبريل ٢٠١٧	52.1
156	٧ أغسطس ٢٠١٤	105.44	506	١٥ ديسمبر ٢٠١٥	38.45	856	٢٦ أبريل ٢٠١٧	51.82
157	٨ أغسطس ٢٠١٤	105.02	507	١٦ ديسمبر ٢٠١٥	37.19	857	٢٧ أبريل ٢٠١٧	51.44
158	١١ أغسطس ٢٠١٤	104.68	508	١٧ ديسمبر ٢٠١٥	37.06	858	٢٨ أبريل ٢٠١٧	51.73
159	١٢ أغسطس ٢٠١٤	103.02	509	١٨ ديسمبر ٢٠١٥	36.88	859	١ مايو ٢٠١٧	51.52
160	١٣ أغسطس ٢٠١٤	104.28	510	٢١ ديسمبر ٢٠١٥	36.35	860	٢ مايو ٢٠١٧	50.46
161	١٤ أغسطس ٢٠١٤	102.01	511	٢٢ ديسمبر ٢٠١٥	36.11	861	٣ مايو ٢٠١٧	50.79
162	١٥ أغسطس ٢٠١٤	103.53	512	٢٣ ديسمبر ٢٠١٥	37.36	862	٤ مايو ٢٠١٧	48.38
163	١٨ أغسطس ٢٠١٤	101.6	513	٢٤ ديسمبر ٢٠١٥	37.89	863	٥ مايو ٢٠١٧	49.1
164	١٩ أغسطس ٢٠١٤	101.56	514	٢٨ ديسمبر ٢٠١٥	36.62	864	٨ مايو ٢٠١٧	49.34
165	٢٠ أغسطس ٢٠١٤	102.28	515	٢٩ ديسمبر ٢٠١٥	37.79	865	٩ مايو ٢٠١٧	48.73
166	٢١ أغسطس ٢٠١٤	102.63	516	٣٠ ديسمبر ٢٠١٥	36.46	866	١٠ مايو ٢٠١٧	50.22
167	٢٢ أغسطس ٢٠١٤	102.29	517	٣١ ديسمبر ٢٠١٥	37.28	867	١١ مايو ٢٠١٧	50.77
168	٢٥ أغسطس ٢٠١٤	102.65	518	٤ يناير ٢٠١٦	37.22	868	١٢ مايو ٢٠١٧	50.84
169	٢٦ أغسطس ٢٠١٤	102.5	519	٥ يناير ٢٠١٦	36.42	869	١٥ مايو ٢٠١٧	51.82
170	٢٧ أغسطس ٢٠١٤	102.72	520	٦ يناير ٢٠١٦	34.23	870	١٦ مايو ٢٠١٧	51.65
171	٢٨ أغسطس ٢٠١٤	102.46	521	٧ يناير ٢٠١٦	33.75	871	١٧ مايو ٢٠١٧	52.21
172	٢٩ أغسطس ٢٠١٤	103.19	522	٨ يناير ٢٠١٦	33.55	872	١٨ مايو ٢٠١٧	52.51
173	١ سبتمبر ٢٠١٤	102.79	523	١١ يناير ٢٠١٦	31.55	873	١٩ مايو ٢٠١٧	53.61
174	٢ سبتمبر ٢٠١٤	100.34	524	١٢ يناير ٢٠١٦	30.86	874	٢٢ مايو ٢٠١٧	53.87
175	٣ سبتمبر ٢٠١٤	102.77	525	١٣ يناير ٢٠١٦	30.31	875	٢٣ مايو ٢٠١٧	54.15
176	٤ سبتمبر ٢٠١٤	101.83	526	١٤ يناير ٢٠١٦	31.03	876	٢٤ مايو ٢٠١٧	53.96
177	٥ سبتمبر ٢٠١٤	100.82	527	١٥ يناير ٢٠١٦	28.94	877	٢٥ مايو ٢٠١٧	51.46
178	٨ سبتمبر ٢٠١٤	100.2	528	١٨ يناير ٢٠١٦	28.55	878	٢٦ مايو ٢٠١٧	52.15
179	٩ سبتمبر ٢٠١٤	99.16	529	١٩ يناير ٢٠١٦	28.76	879	٢٩ مايو ٢٠١٧	52.29
180	١٠ سبتمبر ٢٠١٤	98.04	530	٢٠ يناير ٢٠١٦	27.88	880	٣٠ مايو ٢٠١٧	51.84
181	١١ سبتمبر ٢٠١٤	98.08	531	٢١ يناير ٢٠١٦	29.25	881	٣١ مايو ٢٠١٧	50.31
182	١٢ سبتمبر ٢٠١٤	97.11	532	٢٢ يناير ٢٠١٦	32.18	882	١ يونيو ٢٠١٧	50.63
183	١٥ سبتمبر ٢٠١٤	96.65	533	٢٥ يناير ٢٠١٦	30.5	883	١٢ يونيو ٢٠١٧	49.95
184	١٦ سبتمبر ٢٠١٤	99.05	534	٢٦ يناير ٢٠١٦	31.8	884	١٥ يونيو ٢٠١٧	49.47

50.12	٢٠١٧ يونيو ٠٦	885	33.1	٢٠١٦ يناير ٢٧	535	98.97	٢٠١٤ سبتمبر ١٧	185
48.06	٢٠١٧ يونيو ٠٧	886	33.89	٢٠١٦ يناير ٢٨	536	97.7	٢٠١٤ سبتمبر ١٨	186
47.86	٢٠١٧ يونيو ٠٨	887	34.74	٢٠١٦ يناير ٢٩	537	98.39	٢٠١٤ سبتمبر ١٩	187
48.15	٢٠١٧ يونيو ٠٩	888	34.24	٢٠١٦ فبراير ٠١	538	96.97	٢٠١٤ سبتمبر ٢٢	188
48.29	٢٠١٧ يونيو ١٢	889	32.72	٢٠١٦ فبراير ٠٢	539	96.85	٢٠١٤ سبتمبر ٢٣	189
48.72	٢٠١٧ يونيو ١٣	890	35.04	٢٠١٦ فبراير ٠٣	540	96.95	٢٠١٤ سبتمبر ٢٤	190
47	٢٠١٧ يونيو ١٤	891	34.46	٢٠١٦ فبراير ٠٤	541	97	٢٠١٤ سبتمبر ٢٥	191
46.92	٢٠١٧ يونيو ١٥	892	34.06	٢٠١٦ فبراير ٠٥	542	97	٢٠١٤ سبتمبر ٢٦	192
47.37	٢٠١٧ يونيو ١٦	893	32.88	٢٠١٦ فبراير ٠٨	543	97.2	٢٠١٤ سبتمبر ٢٩	193
46.91	٢٠١٧ يونيو ١٩	894	30.32	٢٠١٦ فبراير ٠٩	544	94.67	٢٠١٤ سبتمبر ٣٠	194
46.02	٢٠١٧ يونيو ٢٠	895	30.84	٢٠١٦ فبراير ١٠	545	94.16	٢٠١٤ أكتوبر ٠١	195
44.82	٢٠١٧ يونيو ٢١	896	30.06	٢٠١٦ فبراير ١١	546	93.42	٢٠١٤ أكتوبر ٠٢	196
45.22	٢٠١٧ يونيو ٢٢	897	33.36	٢٠١٦ فبراير ١٢	547	92.31	٢٠١٤ أكتوبر ٠٣	197
45.54	٢٠١٧ يونيو ٢٣	898	33.39	٢٠١٦ فبراير ١٥	548	92.79	٢٠١٤ أكتوبر ٠٦	198
45.83	٢٠١٧ يونيو ٢٦	899	32.18	٢٠١٦ فبراير ١٦	549	92.11	٢٠١٤ أكتوبر ٠٧	199
46.65	٢٠١٧ يونيو ٢٧	900	34.5	٢٠١٦ فبراير ١٧	550	91.38	٢٠١٤ أكتوبر ٠٨	200
47.31	٢٠١٧ يونيو ٢٨	901	34.28	٢٠١٦ فبراير ١٨	551	90.05	٢٠١٤ أكتوبر ٠٩	201
47.42	٢٠١٧ يونيو ٢٩	902	33.01	٢٠١٦ فبراير ١٩	552	90.21	٢٠١٤ أكتوبر ١٠	202
47.92	٢٠١٧ يونيو ٣٠	903	34.69	٢٠١٦ فبراير ٢٢	553	88.89	٢٠١٤ أكتوبر ١٣	203
49.68	٢٠١٧ يوليو ٠٣	904	33.27	٢٠١٦ فبراير ٢٣	554	85.04	٢٠١٤ أكتوبر ١٤	204
49.61	٢٠١٧ يوليو ٠٤	905	34.41	٢٠١٦ فبراير ٢٤	555	83.78	٢٠١٤ أكتوبر ١٥	205
47.79	٢٠١٧ يوليو ٠٥	906	35.29	٢٠١٦ فبراير ٢٥	556	84.47	٢٠١٤ أكتوبر ١٦	206
48.11	٢٠١٧ يوليو ٠٦	907	35.1	٢٠١٦ فبراير ٢٦	557	86.16	٢٠١٤ أكتوبر ١٧	207
46.71	٢٠١٧ يوليو ٠٧	908	35.97	٢٠١٦ فبراير ٢٩	558	85.4	٢٠١٤ أكتوبر ٢٠	208
46.88	٢٠١٧ يوليو ١٠	909	36.81	٢٠١٦ مارس ٠١	559	86.22	٢٠١٤ أكتوبر ٢١	209
47.52	٢٠١٧ يوليو ١١	910	36.93	٢٠١٦ مارس ٠٢	560	84.71	٢٠١٤ أكتوبر ٢٢	210
47.74	٢٠١٧ يوليو ١٢	911	37.07	٢٠١٦ مارس ٠٣	561	86.83	٢٠١٤ أكتوبر ٢٣	211
48.42	٢٠١٧ يوليو ١٣	912	38.72	٢٠١٦ مارس ٠٤	562	86.13	٢٠١٤ أكتوبر ٢٤	212
48.91	٢٠١٧ يوليو ١٤	913	40.84	٢٠١٦ مارس ٠٧	563	85.83	٢٠١٤ أكتوبر ٢٧	213
48.42	٢٠١٧ يوليو ١٧	914	39.65	٢٠١٦ مارس ٠٨	564	86.03	٢٠١٤ أكتوبر ٢٨	214
48.84	٢٠١٧ يوليو ١٨	915	41.07	٢٠١٦ مارس ٠٩	565	87.12	٢٠١٤ أكتوبر ٢٩	215
49.7	٢٠١٧ يوليو ١٩	916	40.05	٢٠١٦ مارس ١٠	566	86.24	٢٠١٤ أكتوبر ٣٠	216
49.3	٢٠١٧ يوليو ٢٠	917	40.39	٢٠١٦ مارس ١١	567	85.86	٢٠١٤ أكتوبر ٣١	217
48.06	٢٠١٧ يوليو ٢١	918	39.53	٢٠١٦ مارس ١٤	568	84.78	٢٠١٤ نوفمبر ٠٣	218
48.6	٢٠١٧ يوليو ٢٤	919	38.74	٢٠١٦ مارس ١٥	569	82.82	٢٠١٤ نوفمبر ٠٤	219
50.2	٢٠١٧ يوليو ٢٥	920	40.33	٢٠١٦ مارس ١٦	570	82.95	٢٠١٤ نوفمبر ٠٥	220
50.97	٢٠١٧ يوليو ٢٦	921	41.54	٢٠١٦ مارس ١٧	571	82.86	٢٠١٤ نوفمبر ٠٦	221
51.49	٢٠١٧ يوليو ٢٧	922	41.2	٢٠١٦ مارس ١٨	572	83.39	٢٠١٤ نوفمبر ٠٧	222
52.52	٢٠١٧ يوليو ٢٨	923	41.54	٢٠١٦ مارس ٢١	573	82.34	٢٠١٤ نوفمبر ١٠	223
52.65	٢٠١٧ يوليو ٣١	924	41.79	٢٠١٦ مارس ٢٢	574	81.67	٢٠١٤ نوفمبر ١١	224
51.78	٢٠١٧ أغسطس ٠١	925	40.47	٢٠١٦ مارس ٢٣	575	80.38	٢٠١٤ نوفمبر ١٢	225
52.36	٢٠١٧ أغسطس ٠٢	926	40.44	٢٠١٦ مارس ٢٤	576	77.92	٢٠١٤ نوفمبر ١٣	226
52.01	٢٠١٧ أغسطس ٠٣	927	40.27	٢٠١٦ مارس ٢٨	577	79.41	٢٠١٤ نوفمبر ١٤	227
52.42	٢٠١٧ أغسطس ٠٤	928	39.14	٢٠١٦ مارس ٢٩	578	79.31	٢٠١٤ نوفمبر ١٧	228
52.37	٢٠١٧ أغسطس ٠٧	929	39.26	٢٠١٦ مارس ٣٠	579	78.47	٢٠١٤ نوفمبر ١٨	229
52.14	٢٠١٧ أغسطس ٠٨	930	39.6	٢٠١٦ مارس ٣١	580	78.1	٢٠١٤ نوفمبر ١٩	230
52.7	٢٠١٧ أغسطس ٠٩	931	38.67	٢٠١٦ أبريل ٠١	581	79.33	٢٠١٤ نوفمبر ٢٠	231
51.9	٢٠١٧ أغسطس ١٠	932	37.69	٢٠١٦ أبريل ٠٤	582	80.36	٢٠١٤ نوفمبر ٢١	232
52.1	٢٠١٧ أغسطس ١١	933	37.87	٢٠١٦ أبريل ٠٥	583	79.68	٢٠١٤ نوفمبر ٢٤	233
50.73	٢٠١٧ أغسطس ١٤	934	39.84	٢٠١٦ أبريل ٠٦	584	78.33	٢٠١٤ نوفمبر ٢٥	234
50.8	٢٠١٧ أغسطس ١٥	935	39.43	٢٠١٦ أبريل ٠٧	585	77.75	٢٠١٤ نوفمبر ٢٦	235
50.27	٢٠١٧ أغسطس ١٦	936	41.94	٢٠١٦ أبريل ٠٨	586	72.58	٢٠١٤ نوفمبر ٢٧	236
51.03	٢٠١٧ أغسطس ١٧	937	42.83	٢٠١٦ أبريل ١١	587	70.15	٢٠١٤ نوفمبر ٢٨	237
52.72	٢٠١٧ أغسطس ١٨	938	44.69	٢٠١٦ أبريل ١٢	588	72.54	٢٠١٤ ديسمبر ٠١	238
51.66	٢٠١٧ أغسطس ٢١	939	44.18	٢٠١٦ أبريل ١٣	589	70.54	٢٠١٤ ديسمبر ٠٢	239
51.87	٢٠١٧ أغسطس ٢٢	940	43.84	٢٠١٦ أبريل ١٤	590	69.92	٢٠١٤ ديسمبر ٠٣	240
52.57	٢٠١٧ أغسطس ٢٣	941	43.1	٢٠١٦ أبريل ١٥	591	69.64	٢٠١٤ ديسمبر ٠٤	241
52.04	٢٠١٧ أغسطس ٢٤	942	42.91	٢٠١٦ أبريل ١٨	592	69.07	٢٠١٤ ديسمبر ٠٥	242
52.41	٢٠١٧ أغسطس ٢٥	943	44.03	٢٠١٦ أبريل ١٩	593	66.19	٢٠١٤ ديسمبر ٠٨	243
51.89	٢٠١٧ أغسطس ٢٨	944	45.8	٢٠١٦ أبريل ٢٠	594	66.84	٢٠١٤ ديسمبر ٠٩	244
52	٢٠١٧ أغسطس ٢٩	945	44.53	٢٠١٦ أبريل ٢١	595	64.24	٢٠١٤ ديسمبر ١٠	245
50.86	٢٠١٧ أغسطس ٣٠	946	45.11	٢٠١٦ أبريل ٢٢	596	63.68	٢٠١٤ ديسمبر ١١	246
52.38	٢٠١٧ أغسطس ٣١	947	44.48	٢٠١٦ أبريل ٢٥	597	61.85	٢٠١٤ ديسمبر ١٢	247

استعمال أنموذج الانحدار الذاتي المعمم مشروط بعدم تجانس التباين GARCH(p,q) في تمثيل بيانات السلاسل الزمنية واستخدامها في التنبؤ مع تطبيق عملي على الأسعار اليومية العالمية للنفط

52.75	٢٠١٧ سبتمبر ٠١	948	45.74	٢٠١٦ ابريل ٢٦	598	61.06	٢٠١٤ ديسمبر ١٥	248
52.34	٢٠١٧ سبتمبر ٠٤	949	47.18	٢٠١٦ ابريل ٢٧	599	59.86	٢٠١٤ ديسمبر ١٦	249
53.38	٢٠١٧ سبتمبر ٠٥	950	48.14	٢٠١٦ ابريل ٢٨	600	61.18	٢٠١٤ ديسمبر ١٧	250
54.2	٢٠١٧ سبتمبر ٠٦	951	48.13	٢٠١٦ ابريل ٢٩	601	59.27	٢٠١٤ ديسمبر ١٨	251
54.49	٢٠١٧ سبتمبر ٠٧	952	45.83	٢٠١٦ مايو ٠٢	602	61.38	٢٠١٤ ديسمبر ١٩	252
53.78	٢٠١٧ سبتمبر ٠٨	953	44.97	٢٠١٦ مايو ٠٣	603	60.11	٢٠١٤ ديسمبر ٢٢	253
53.84	٢٠١٧ سبتمبر ١١	954	44.62	٢٠١٦ مايو ٠٤	604	61.69	٢٠١٤ ديسمبر ٢٣	254
54.27	٢٠١٧ سبتمبر ١٢	955	45.01	٢٠١٦ مايو ٠٥	605	60.24	٢٠١٤ ديسمبر ٢٤	255
55.16	٢٠١٧ سبتمبر ١٣	956	45.37	٢٠١٦ مايو ٠٦	606	59.45	٢٠١٤ ديسمبر ٢٦	256
55.47	٢٠١٧ سبتمبر ١٤	957	43.63	٢٠١٦ مايو ٠٩	607	57.88	٢٠١٤ ديسمبر ٢٩	257
55.62	٢٠١٧ سبتمبر ١٥	958	45.52	٢٠١٦ مايو ١٠	608	57.9	٢٠١٤ ديسمبر ٣٠	258
55.48	٢٠١٧ سبتمبر ١٨	959	47.6	٢٠١٦ مايو ١١	609	57.33	٢٠١٤ ديسمبر ٣١	259
55.14	٢٠١٧ سبتمبر ١٩	960	48.08	٢٠١٦ مايو ١٢	610	56.42	٢٠١٥ يناير ٠٢	260
56.29	٢٠١٧ سبتمبر ٢٠	961	47.83	٢٠١٦ مايو ١٣	611	53.11	٢٠١٥ يناير ٠٥	261
56.43	٢٠١٧ سبتمبر ٢١	962	48.97	٢٠١٦ مايو ١٦	612	51.1	٢٠١٥ يناير ٠٦	262
56.86	٢٠١٧ سبتمبر ٢٢	963	49.28	٢٠١٦ مايو ١٧	613	51.15	٢٠١٥ يناير ٠٧	263
59.02	٢٠١٧ سبتمبر ٢٥	964	48.93	٢٠١٦ مايو ١٨	614	50.96	٢٠١٥ يناير ٠٨	264
58.44	٢٠١٧ سبتمبر ٢٦	965	48.81	٢٠١٦ مايو ١٩	615	50.11	٢٠١٥ يناير ٠٩	265
57.9	٢٠١٧ سبتمبر ٢٧	966	48.72	٢٠١٦ مايو ٢٠	616	47.43	٢٠١٥ يناير ١٢	266
57.41	٢٠١٧ سبتمبر ٢٨	967	48.35	٢٠١٦ مايو ٢٣	617	46.59	٢٠١٥ يناير ١٣	267
57.54	٢٠١٧ سبتمبر ٢٩	968	48.61	٢٠١٦ مايو ٢٤	618	48.69	٢٠١٥ يناير ١٤	268
56.12	٢٠١٧ اكتوبر ٠٢	969	49.74	٢٠١٦ مايو ٢٥	619	47.67	٢٠١٥ يناير ١٥	269
56	٢٠١٧ اكتوبر ٠٣	970	49.59	٢٠١٦ مايو ٢٦	620	50.17	٢٠١٥ يناير ١٦	270
55.8	٢٠١٧ اكتوبر ٠٤	971	49.32	٢٠١٦ مايو ٢٧	621	48.84	٢٠١٥ يناير ١٩	271
57	٢٠١٧ اكتوبر ٠٥	972	49.76	٢٠١٦ مايو ٣٠	622	47.99	٢٠١٥ يناير ٢٠	272
55.62	٢٠١٧ اكتوبر ٠٦	973	49.69	٢٠١٦ مايو ٣١	623	49.03	٢٠١٥ يناير ٢١	273
55.79	٢٠١٧ اكتوبر ٠٩	974	49.72	٢٠١٦ يونيو ٠١	624	48.52	٢٠١٥ يناير ٢٢	274
56.61	٢٠١٧ اكتوبر ١٠	975	50.04	٢٠١٦ يونيو ٠٢	625	48.79	٢٠١٥ يناير ٢٣	275
56.94	٢٠١٧ اكتوبر ١١	976	49.64	٢٠١٦ يونيو ٠٣	626	48.16	٢٠١٥ يناير ٢٦	276
56.25	٢٠١٧ اكتوبر ١٢	977	50.55	٢٠١٦ يونيو ٠٦	627	49.6	٢٠١٥ يناير ٢٧	277
57.17	٢٠١٧ اكتوبر ١٣	978	51.44	٢٠١٦ يونيو ٠٧	628	48.47	٢٠١٥ يناير ٢٨	278
57.82	٢٠١٧ اكتوبر ١٦	979	52.51	٢٠١٦ يونيو ٠٨	629	49.13	٢٠١٥ يناير ٢٩	279
57.88	٢٠١٧ اكتوبر ١٧	980	51.95	٢٠١٦ يونيو ٠٩	630	52.99	٢٠١٥ يناير ٣٠	280
58.15	٢٠١٧ اكتوبر ١٨	981	50.54	٢٠١٦ يونيو ١٠	631	54.75	٢٠١٥ فبراير ٠٢	281
57.23	٢٠١٧ اكتوبر ١٩	982	50.35	٢٠١٦ يونيو ١٣	632	57.91	٢٠١٥ فبراير ٠٣	282
57.75	٢٠١٧ اكتوبر ٢٠	983	49.83	٢٠١٦ يونيو ١٤	633	54.16	٢٠١٥ فبراير ٠٤	283
57.37	٢٠١٧ اكتوبر ٢٣	984	48.97	٢٠١٦ يونيو ١٥	634	56.57	٢٠١٥ فبراير ٠٥	284
58.33	٢٠١٧ اكتوبر ٢٤	985	47.19	٢٠١٦ يونيو ١٦	635	57.8	٢٠١٥ فبراير ٠٦	285
58.44	٢٠١٧ اكتوبر ٢٥	986	49.17	٢٠١٦ يونيو ١٧	636	58.34	٢٠١٥ فبراير ٠٩	286
59.3	٢٠١٧ اكتوبر ٢٦	987	50.65	٢٠١٦ يونيو ٢٠	637	56.43	٢٠١٥ فبراير ١٠	287
60.44	٢٠١٧ اكتوبر ٢٧	988	50.62	٢٠١٦ يونيو ٢١	638	54.66	٢٠١٥ فبراير ١١	288
60.9	٢٠١٧ اكتوبر ٣٠	989	49.88	٢٠١٦ يونيو ٢٢	639	57.05	٢٠١٥ فبراير ١٢	289
61.37	٢٠١٧ اكتوبر ٣١	990	50.91	٢٠١٦ يونيو ٢٣	640	61.52	٢٠١٥ فبراير ١٣	290
60.49	٢٠١٧ نوفمبر ٠١	991	48.41	٢٠١٦ يونيو ٢٤	641	61.4	٢٠١٥ فبراير ١٦	291
60.62	٢٠١٧ نوفمبر ٠٢	992	47.16	٢٠١٦ يونيو ٢٧	642	62.53	٢٠١٥ فبراير ١٧	292
62.07	٢٠١٧ نوفمبر ٠٣	993	48.58	٢٠١٦ يونيو ٢٨	643	60.53	٢٠١٥ فبراير ١٨	293
64.27	٢٠١٧ نوفمبر ٠٦	994	50.61	٢٠١٦ يونيو ٢٩	644	60.21	٢٠١٥ فبراير ١٩	294
63.69	٢٠١٧ نوفمبر ٠٧	995	49.68	٢٠١٦ يونيو ٣٠	645	60.22	٢٠١٥ فبراير ٢٠	295
63.49	٢٠١٧ نوفمبر ٠٨	996	50.35	٢٠١٦ يوليو ٠١	646	58.9	٢٠١٥ فبراير ٢٣	296
63.93	٢٠١٧ نوفمبر ٠٩	997	50.1	٢٠١٦ يوليو ٠٤	647	58.66	٢٠١٥ فبراير ٢٤	297
63.52	٢٠١٧ نوفمبر ١٠	998	47.96	٢٠١٦ يوليو ٠٥	648	61.63	٢٠١٥ فبراير ٢٥	298
63.16	٢٠١٧ نوفمبر ١٣	999	48.8	٢٠١٦ يوليو ٠٦	649	60.05	٢٠١٥ فبراير ٢٦	299
62.21	٢٠١٧ نوفمبر ١٤	1000	46.4	٢٠١٦ يوليو ٠٧	650	62.58	٢٠١٥ فبراير ٢٧	300
61.87	٢٠١٧ نوفمبر ١٥	1001	46.76	٢٠١٦ يوليو ٠٨	651	59.54	٢٠١٥ مارس ٠٢	301
61.36	٢٠١٧ نوفمبر ١٦	1002	46.25	٢٠١٦ يوليو ١١	652	61.02	٢٠١٥ مارس ٠٣	302
62.72	٢٠١٧ نوفمبر ١٧	1003	48.47	٢٠١٦ يوليو ١٢	653	60.55	٢٠١٥ مارس ٠٤	303
62.22	٢٠١٧ نوفمبر ٢٠	1004	46.26	٢٠١٦ يوليو ١٣	654	60.48	٢٠١٥ مارس ٠٥	304
62.57	٢٠١٧ نوفمبر ٢١	1005	47.37	٢٠١٦ يوليو ١٤	655	59.73	٢٠١٥ مارس ٠٦	305
63.32	٢٠١٧ نوفمبر ٢٢	1006	47.61	٢٠١٦ يوليو ١٥	656	58.53	٢٠١٥ مارس ٠٩	306
63.55	٢٠١٧ نوفمبر ٢٣	1007	46.96	٢٠١٦ يوليو ١٨	657	56.39	٢٠١٥ مارس ١٠	307
63.86	٢٠١٧ نوفمبر ٢٤	1008	46.66	٢٠١٦ يوليو ١٩	658	57.54	٢٠١٥ مارس ١١	308

63.84	٢٧ نوفمبر ٢٠١٧	1009	47.17	٢٠ يوليو ٢٠١٦	659	57.08	١٢ مارس ٢٠١٥	309
63.61	٢٨ نوفمبر ٢٠١٧	1010	46.2	٢١ يوليو ٢٠١٦	660	54.67	١٣ مارس ٢٠١٥	310
63.11	٢٩ نوفمبر ٢٠١٧	1011	45.69	٢٢ يوليو ٢٠١٦	661	53.44	١٦ مارس ٢٠١٥	311
63.57	٣٠ نوفمبر ٢٠١٧	1012	44.72	٢٥ يوليو ٢٠١٦	662	53.51	١٧ مارس ٢٠١٥	312
63.73	٠١ ديسمبر ٢٠١٧	1013	44.87	٢٦ يوليو ٢٠١٦	663	55.91	١٨ مارس ٢٠١٥	313
62.45	٠٤ ديسمبر ٢٠١٧	1014	43.47	٢٧ يوليو ٢٠١٦	664	54.43	١٩ مارس ٢٠١٥	314
62.86	٠٥ ديسمبر ٢٠١٧	1015	42.7	٢٨ يوليو ٢٠١٦	665	55.32	٢٠ مارس ٢٠١٥	315
61.22	٠٦ ديسمبر ٢٠١٧	1016	42.46	٢٩ يوليو ٢٠١٦	666	55.92	٢٣ مارس ٢٠١٥	316
62.2	٠٧ ديسمبر ٢٠١٧	1017	42.14	٠١ أغسطس ٢٠١٦	667	55.11	٢٤ مارس ٢٠١٥	317
63.4	٠٨ ديسمبر ٢٠١٧	1018	41.8	٠٢ أغسطس ٢٠١٦	668	56.48	٢٥ مارس ٢٠١٥	318
64.69	١١ ديسمبر ٢٠١٧	1019	43.1	٠٣ أغسطس ٢٠١٦	669	59.19	٢٦ مارس ٢٠١٥	319
63.34	١٢ ديسمبر ٢٠١٧	1020	44.29	٠٤ أغسطس ٢٠١٦	670	56.41	٢٧ مارس ٢٠١٥	320
62.44	١٣ ديسمبر ٢٠١٧	1021	44.27	٠٥ أغسطس ٢٠١٦	671	56.29	٣٠ مارس ٢٠١٥	321
63.31	١٤ ديسمبر ٢٠١٧	1022	45.39	٠٨ أغسطس ٢٠١٦	672	55.11	٣١ مارس ٢٠١٥	322
63.23	١٥ ديسمبر ٢٠١٧	1023	44.98	٠٩ أغسطس ٢٠١٦	673	57.1	٠١ أبريل ٢٠١٥	323
63.41	١٨ ديسمبر ٢٠١٧	1024	44.05	١٠ أغسطس ٢٠١٦	674	54.95	٠٢ أبريل ٢٠١٥	324
63.8	١٩ ديسمبر ٢٠١٧	1025	46.04	١١ أغسطس ٢٠١٦	675	58.12	٠٦ أبريل ٢٠١٥	325
64.56	٢٠ ديسمبر ٢٠١٧	1026	46.97	١٢ أغسطس ٢٠١٦	676	59.1	٠٧ أبريل ٢٠١٥	326
64.9	٢١ ديسمبر ٢٠١٧	1027	48.35	١٥ أغسطس ٢٠١٦	677	55.55	٠٨ أبريل ٢٠١٥	327
65.25	٢٢ ديسمبر ٢٠١٧	1028	49.23	١٦ أغسطس ٢٠١٦	678	56.57	٠٩ أبريل ٢٠١٥	328
67.02	٢٦ ديسمبر ٢٠١٧	1029	49.85	١٧ أغسطس ٢٠١٦	679	57.87	١٠ أبريل ٢٠١٥	329
66.44	٢٧ ديسمبر ٢٠١٧	1030	50.89	١٨ أغسطس ٢٠١٦	680	57.93	١٣ أبريل ٢٠١٥	330
66.72	٢٨ ديسمبر ٢٠١٧	1031	50.88	١٩ أغسطس ٢٠١٦	681	58.43	١٤ أبريل ٢٠١٥	331
66.87	٢٩ ديسمبر ٢٠١٧	1032	49.16	٢٢ أغسطس ٢٠١٦	682	60.32	١٥ أبريل ٢٠١٥	332
			49.96	٢٣ أغسطس ٢٠١٦	683	63.98	١٦ أبريل ٢٠١٥	333
			49.05	٢٤ أغسطس ٢٠١٦	684	63.45	١٧ أبريل ٢٠١٥	334
			49.67	٢٥ أغسطس ٢٠١٦	685	63.45	٢٠ أبريل ٢٠١٥	335
			49.92	٢٦ أغسطس ٢٠١٦	686	62.08	٢١ أبريل ٢٠١٥	336
			49.26	٢٩ أغسطس ٢٠١٦	687	62.73	٢٢ أبريل ٢٠١٥	337
			48.37	٣٠ أغسطس ٢٠١٦	688	64.85	٢٣ أبريل ٢٠١٥	338
			47.04	٣١ أغسطس ٢٠١٦	689	65.28	٢٤ أبريل ٢٠١٥	339
			45.45	٠١ سبتمبر ٢٠١٦	690	64.83	٢٧ أبريل ٢٠١٥	340
			46.83	٠٢ سبتمبر ٢٠١٦	691	64.64	٢٨ أبريل ٢٠١٥	341
			47.63	٠٥ سبتمبر ٢٠١٦	692	65.84	٢٩ أبريل ٢٠١٥	342
			47.26	٠٦ سبتمبر ٢٠١٦	693	66.78	٣٠ أبريل ٢٠١٥	343
			47.98	٠٧ سبتمبر ٢٠١٦	694	66.46	٠١ مايو ٢٠١٥	344
			49.99	٠٨ سبتمبر ٢٠١٦	695	66.45	٠٤ مايو ٢٠١٥	345
			48.01	٠٩ سبتمبر ٢٠١٦	696	67.52	٠٥ مايو ٢٠١٥	346
			48.32	١٢ سبتمبر ٢٠١٦	697	67.77	٠٦ مايو ٢٠١٥	347
			47.1	١٣ سبتمبر ٢٠١٦	698	65.54	٠٧ مايو ٢٠١٥	348
			45.85	١٤ سبتمبر ٢٠١٦	699	65.39	٠٨ مايو ٢٠١٥	349
			46.59	١٥ سبتمبر ٢٠١٦	700	64.91	١١ مايو ٢٠١٥	350