

العلاقة القياسية بين الانتاجية الكلية والجزئية

وتطبيقاتها في المنشآت الصناعية⁺

MEASUREMENT RELATIONSHIP BETWEEN PARTIAL TOTAL PRODUCTIVITY AND ITS APPLICATIONS IN MANUFACTURER ESTABLISHMENTS

صفاء محمد هادي هاشم^{**}

د. مناضل عبدالجبار عبدالرزاق^{*}

المستخلص

الانتاجية هي عبارة عن قيمة المخرجات (بضائع أو خدمات) المنتجة مقسومة على قيمة المدخلات (الأجور، كلفة المعدات، الخ..). هناك عدة مقاييس للانتاجية ممكنة أو بعض من هذه المقاييس يعطي للمدراء معلومات ضرورية عن وحدات كل مجموعة، وبتلك الوسيلة يستطيع المدير أن يمتلك القدرة ويتمكن وبسهولة أكبر من فهم العلاقة السببية في انخفاض أو رفع مستوى أداء نشاط كل عملية، كما وأن الانتاجية يمكن أن تقاس بوساطة أخذ مجموعة من العوامل التي تتضمن العمل، التسهيلات والمعدات.

Abstract

Productivity is the value of output (goods and services) produced divided by the values of input (wages, cost of equipment and the like). Many measures of productivity are possible, such measures give managers the necessary information in familiar units , thereby allowing the manager to more easily relate them to the actual performance of the operation, productivity can be measured in terms of many factors including labor, facilities , and equipments.

المقدمة

أحد أهم المؤشرات المستخدمة في قياس مستوى الكفاءة ومعدلات النمو الاقتصادي هو مؤشر الانتاجية، لذلك حظي هذا المؤشر على اهتمام الباحثين والاختصاصيين فعن طريق استخدامه تستطيع المنشآت من الوقوف على درجة الاستفادة من الموارد البشرية والمادية ودرجة بلوغ الأهداف سواء كان على مستوى المنشأة أم القطاعات المختلفة، ويهدف انجاز متطلبات البحث فقد قسم الى اظهار منهجية البحث ثم تحديد النموذج الرياضي لقياس العلاقة بين الانتاجية الكلية والجزئية وتطبيقها في الشركة العامة للصناعات الورقية من خلال استخدام المعلومات الخاصة بمستلزمات الانتاج، كما تضمن البحث أهم الاستنتاجات والتوصيات التي تم التوصل اليها.

⁺ تاريخ استلام البحث ٢٠٠٤/٦/٩ تاريخ قبول النشر ٢٠٠٥/٤/١٨

^{*}مدرس / المعهد التقني / البصرة

^{**}مدرس مساعد/ المعهد التقني / البصرة

منهجية البحث

مشكلة البحث

حظيت مقاييس الانتاجية الجزئية Partial productivity وخاصة انتاجية العمل labor productivity باهتمام من قبل الباحثين والمهتمين، لكن استخدام هذه المقاييس الجزئية في الشركات تفتقر الى معرفة حجم التأثيرات المتبادلة بينها وبين مقاييس الانتاجية الكلية، ان وجود مثل هذه الحالة يعطي مؤشراً واضحاً على وجود خلل، وبذلك تتلخص مشكلة البحث في عدم امكانية فهم التعقيدات وأهم المشكلات المحيطة بموضوع تخطيط الانتاجية وأسباب التغيرات الحاصلة في مؤشراتها بين فترة وأخرى.

هدف البحث

يهدف البحث الى ما يأتي

- ١ – القيام بدراسة تحليلية تعتمد تحديد العلاقات المتبادلة بين الانتاجية الجزئية والكلية، إذ تعد هذه الدراسة هامة لكل من الباحثين والمهتمين، وعن طريقها يمكن معرفة وفهم التعقيدات وأهم المشكلات التي تحيط بموضوع تخطيط الانتاجية productivity planning في الشركة.
- ٢ – تمكين المختصين من أن يضعوا تفسيراً أكثر دقة ووضوحاً لأسباب التغيرات الحاصلة في مؤشرات الانتاجية بين فترة وأخرى.
- ٣ – المساعدة في التنبؤ forecasting الدقيق باتجاهات تطور المؤشرات في المستقبل.

حدود البحث

تمثلت حدود الدراسة في قسم الانتاج في الشركة العامة للصناعات الورقية في البصرة.

أسلوب البحث

تمثل بدراسة واستعراض المفهوم النظري والنتائج المتفرعة من العلاقة بين الانتاجية الكلية والجزئية للشركة، وقد تم الاعتماد في الحصول على المعلومات باستخدام الطرق المختلفة (الكتب، التقارير والدراسات) والمعلومات الخاصة بحجم الانتاج، المستلزمات، الأسعار والأجور في الشركة العامة للصناعات الورقية في البصرة، ولتحقيق هدف البحث aim of research تم العمل على تطوير نموذج رياضي athematical model قياسي للعلاقات القائمة بين الانتاجية الكلية والجزئية وأهم تلك العلاقات ما يأتي: [1]

- أ – الانتاجية الكلية لمنتوج معين معبراً عنه بانتاجياته الجزئية.
- ب – الانتاجية الكلية للشركة معبراً عنها بمجموع الانتاجيات الكلية لكل منتوج تقوم الشركة بتصنيعه.
- ج – الانتاجية الكلية للشركة باعتبارها دالة لكافة انتاجياتها الجزئية.

مجال الدراسة:

- أ – مجال زمني: اختيرت البيانات لسنة 1993 لأغراض تقييم العلاقات الرياضية الواردة في البحث.

ب – مجال مكاني: الشركة العامة للصناعات الورقية.

– النموذج الرياضي للعلاقة القياسية بين الانتاجية الكلية والجزئية

أ – الانتاجية الكلية لمنتوج معين معبراً عنه بانتاجياته الجزئية

تعرف الانتاجية الكلية لمنتوج معين (ي) بأنها النسبة بين القيمة الكلية للمنتوج (ي) الى الكلفة الكلية لعناصر الانتاج (المدخلات) التي اشتركت بمجموعها في انتاج هذا المنتج [2] ويمكن توضيح هذه العلاقة وفقاً للمعادلة التالية:

(1).....

$$\frac{\text{مخ ي}}{\sum \text{مد ي ه}} = \frac{\text{مخ ي}}{\text{مد ي}} = \text{أك ي}$$

حيث ان

أك ي = الانتاجية الكلية للمنتوج (ي)

مخ ي = قيمة المخرجات الكلية للمنتوج (ي)

هـ = أحد عناصر الانتاج التي اشتركت في انتاج المنتج (ي).

3

مد ي هـ = مجموع تكاليف عناصر الانتاج (هـ) التي اشتركت في انتاج المنتج (ي) .

كما تعرف الانتاجية الجزئية للمنتوج (ي) بأنها العلاقة بين قيمة مخرجات المنتج (ي) الى كلفة أحد عناصر الانتاج (المدخلات) (هـ) المراد قياس انتاجيته. ويمكن التعبير عن هذه العلاقة بالمعادلة التالية:

.....(2) لكل عنصر من عناصر الانتاج (هـ)

$$\frac{\text{مخ ي}}{\text{مد ي ه}} = \text{أ ج ي ه}$$

حيث أن

أ ج = الانتاجية الجزئية للمنتوج (ي) وأحد عناصر الانتاج (هـ).

* من المعادلة رقم (1) والمعادلة رقم (2) يمكن التوصل الى العلاقة الرياضية التالية:

$$\text{مخ ي} = \text{أك ي} \times \sum \text{مد ي ه}$$

$$\text{مخ ي} = \text{أ ج ي ه} \times \text{مد ي ه}$$

لذلك فإن

$$\text{أك ه} \times \sum \text{مد ي ه} = \text{أ ج ي ه} \times \text{مد ي ه}$$

$$\text{أو أن} \quad \text{أ ك ي} = \text{أ ج ي هـ} \times \frac{\text{مد ي هـ}}{\text{مد ي هـ}}$$

$$\sum \text{مد ي هـ}$$

ونفرض أن

$$\frac{\text{مد ي هـ}}{\sum \text{مد ي هـ}} = \text{م ي هـ}$$

حيث أن

م ي هـ = نسبة مساهمة أحد عناصر الانتاج (هـ) الى اجمالي عناصر الانتاج، أن هذه المعادلة تمثل العلاقة بين عنصر الانتاج (هـ) الى المجموع الكلي لعناصر الانتاج المستخدمة في انتاج المنتج (ي). ومن الملاحظ أن قيمة (م ي هـ) هي أقل من الواحد الصحيح، وبناءاً على العلاقات السابقة يمكن التعبير عن الانتاجية الكلية للمنتج (ي) ، (أ ك ي) بصيغة كل من نسبة المساهمة لعنصر الانتاج (هـ)، (م ي هـ) وانتاجيته الجزئية (أ ج ي هـ) وكما يلي:

.....(3) لكافة عناصر الانتاج (هـ)

$$\text{أ ك ي} = \text{م ي هـ} \times \text{أ ج ي هـ}$$

هذا يعني بأننا نستطيع التعبير عن الانتاجية الكلية لمنتج معين باعتباره دالة لانتاجياته الجزئية، بأخذ أحد عناصر الانتاج المراد قياس انتاجيته.

لنأخذ الآن المعلومات الخاصة بقيمة مستلزمات الانتاج في الشركة العامة للصناعات الورقية ومن خلاله نحاول تطبيق خطوات العلاقة.

- البيانات التالية عن قيمة مستلزمات الانتاج بآلاف الدنانير ولمدة شهر واحد.
 - العنصر البشري (ع) = 76250 دينار
 - المواد الأولية (د) = ٥١٩٤٠ دينار
 - رأس المال (ر) = ٣٠٨٠٠ دينار
 - الطاقة (ط) = ٤٢٠٧٨ دينار
 - المصاريف الأخرى (خ) = ٣٢٣٩٢ دينار
 - قيمة المخرجات (مخ) = ٣٠٥٦٠ دينار
- الانتاجية الجزئية لهذا المنتج ولكل عنصر من عناصر الانتاج الخمسة هي كالاتي:

$$\text{أ ج ي هـ} = \frac{\text{مد ي هـ}}{\text{م ي هـ}} = \frac{٩٣٠٥٦٠}{٧٦٢٥٠} = ١٢,٢ \text{ دينار}$$

مخ ي

٩٣٠٥٦

$$\begin{array}{r} \text{أ ج ي د} = \text{مدي د} \\ \text{-----} = \text{-----} \\ ٥١٩٤٠ \end{array} = ١٧,٩ \text{ دينار}$$

مخ ي

٩٣٠٥٦٠

$$\begin{array}{r} \text{أ ج ي ر} = \text{مدي ر} \\ \text{-----} = \text{-----} \\ ٣٠٨٠٠ \end{array} = ٣٠,٢ \text{ دينار}$$

مخ ي

٩٣٠٥٦٠

$$\begin{array}{r} \text{أ ج ي ط} = \text{مدي ط} \\ \text{-----} = \text{-----} \\ ٤٢٠٧٨ \end{array} = ٢٢,١ \text{ دينار}$$

مخ ي

٩٣٠٥٦٠

$$\begin{array}{r} \text{أ ج ي خ} = \text{مدي خ} \\ \text{-----} = \text{-----} \\ ٣٢٣٩٢ \end{array} = ٢٨,٧ \text{ دينار}$$

— نسبة مساهمة كل عنصر الى اجمالي عناصر الانتاج.

مدي ع

$$\text{-----} = \text{م ي ع} \\ \text{مدي ع} + \text{مدي د} + \text{مدي ر} + \text{مدي ط} + \text{مدي خ}$$

٧٦٢٥٠

$$\begin{array}{r} \text{م ي ع} = \text{-----} \\ ٢٣٣٤٦٠ \end{array} = ٠,٣٢٧ \text{ دينار}$$

٥١٩٤٠

$$\begin{array}{r} \text{م ي د} = \text{-----} \\ ٢٣٣٤٦٠ \end{array} = ٠,٢٢٣ \text{ دينار}$$

٣٠٨٠٠

$$\begin{array}{r} \text{م ي ر} = \text{-----} \\ ٤٢٠٧٨ \end{array} = ٠,١٣٢ \text{ دينار}$$

$$\begin{array}{r} \text{م ي ط} = \text{-----} \\ ٢٣٣٤٦٠ \end{array} = ٠,١٨٠ \text{ دينار}$$

٣٢٣٩٢

$$\begin{array}{r} \text{م ي خ} = \text{-----} \\ ٢٣٣٤٦٠ \end{array} = ٠,١٣٩ \text{ دينار}$$

لذلك فإن

$$\begin{aligned}
 \text{م ي ع} \times \text{أ ج ي ع} &= ١٢,٢ \times ٠,٣٢٧ = ٣,٩٨ \text{ دينار} \\
 \text{م ي د} \times \text{أ ج ي د} &= ١٧,٩ \times ٠,٢٢٣ = ٣,٩٨ \text{ دينار} \\
 \text{م ي ر} \times \text{أ ج ي ر} &= ٣٠,٢ \times ٠,١٣٢ = ٣,٩٨ \text{ دينار} \\
 \text{م ي ط} \times \text{أ ج ي ط} &= ٢٢,١ \times ٠,١٨٠ = ٣,٩٨ \text{ دينار} \\
 \text{م ي خ} \times \text{أ ج ي خ} &= ٢٨,٧ \times ٠,١٣٩ = ٣,٩٨ \text{ دينار}
 \end{aligned}$$

ولكن الانتاجية الكلية للمنتوج يمكن الحصول عليها بالمعادلة التالية:

$$\begin{aligned}
 &\text{مخ ي} \quad \text{مخ ي} \\
 &\text{أ ك ي} = \frac{\text{مدي ه} + \text{مدي ع} + \text{مدي د} + \text{مدي ر} + \text{مدي ط} + \text{مدي خ}}{\text{مخ ي}} \\
 &93.060 \\
 &\text{أ ك ي} = \frac{3,98}{233456} = 3,98 \text{ دينار}
 \end{aligned}$$

إن من ذلك يمكن ان نستنتج بأن:

* أ ك ي = م ي ه × أ ج (لكافة عناصر الانتاج ه = ع ، د ، ر ، ط ، خ) وعلى هذا الأساس فاننا يمكن أن نحصل على قيمة الانتاجية الكلية والتي هي (٣,٩٨) بخمس طرق مختلفة.

- ان استخدام هذه العلاقات يعطي مؤشراً واضحاً للإدارة Top management عن طريق الكشف عن مساهمة كل عنصر من عناصر الانتاج في زيادة أو خفض مستوى الانتاجية الكلية، وبالتالي تتمكن الادارة من تسليط الضوء على أسباب الاخفاق ومعالجتها فقد تتعلق بعنصر العمل كما هو واضح في الشركة العامة للصناعات الورقية، وقد يتطلب الأمر زيادة مهارات الأفراد وتخفيض حجم المصاريف إذ ساهمت وبشكل كبير في خفض نسبة الانتاجية الكلية.

ب: الانتاجية الكلية للشركة معبراً عنها بالانتاجيات الكلية لكل منتج تقوم الشركة بانتاجه:
تعرف الانتاجية الكلية total productivity للشركة بأنها النسبة بين المخرجات الكلية للشركة الى اجمالي عناصر الانتاج، ويمكن التعبير عن هذه العلاقة بالمعادلة التالية.

$$\sum \text{مخ ي}$$

$$\sum_i \text{أك ي} = \text{مد ي ي}$$

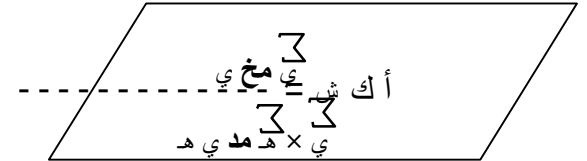
حيث أن: أك ش = الانتاجية الكلية للشركة

$$\sum_i \sum_j \text{أك ش} = \sum_i \text{أك ش} \times \text{مد ي هـ} = \sum_j \text{أك ش} \times \text{مد ي هـ}$$

ولكن ي مد ي = ي (هـ مد ي هـ) = ي × هـ مد ي هـ

لذلك فإن

..... (٤) (الانتاجية الكلية للشركة)



ومن المعادلة رقم (١) سابقاً

$$\sum_i \text{أك ي} = \sum_i \text{أك ي} \times \text{مد ي هـ}$$

مخ ي = (أك ي) × (هـ مد ي هـ)

وبالتعويض عن قيمة (مخ ي) في المعادلة رقم (٤) يمكن أن نحصل على الآتي:

$$\sum_i \text{أك ي} (أك ي) \times \text{مد ي هـ} = \sum_i \text{أك ش} = \sum_i \text{أك ش} \times \text{مد ي هـ}$$

$$\sum_i \text{أك ي} \times \text{مد ي هـ} = \sum_i \text{أك ي} \times \text{مد ي هـ}$$

لذلك فإن ..

$$\sum_i \text{أك ي} = \sum_i \text{أك ي} \times \text{مد ي هـ} = \sum_i \text{أك ي} \times \text{مد ي هـ}$$

حيث أن
مد ي

م ي = مد (ش) -----
مد ي = مدخلات المنتج (ي)
مد ش = اجمالي مدخلات الشركة لجميع أصناف المنتجات
هذا يعني أن

$$\sum_{ي}^{ن} أ ك ي = ١ م ي \times أ ك ي$$

..... (٥) ن = عدد المنتجات

نستنتج من المعادلة رقم (٥) بأن الانتاجية الكلية للشركة هي عبارة عن المجموع الموزون للانتاجيات الكلية الخاصة بمنتج معين في تشكيلة المنتجات التي تقوم الشركة بانتاجها، ويمكن توضيح ذلك عن طريق تطبيق العلاقة باستخدام المعلومات الخاصة بمنتجات الشركة التي تقوم بانتاج ثلاثة أنواع من المنتحات، وتوفرت المعلومات التالية عن قيمة مستلزمات الانتاج بآلاف الدنانير ولمدة شهر واحد وكما يأتي، مع العلم أن قيمة المخرجات لكل منتج من المنتجات أدناه هي على التوالي:

٩٣٠٥٦٠ دينار، ٥٠١٩٤٠ دينار، ٢٣٤١٧٠ دينار

جدول رقم (١) قيمة مستلزمات الانتاج بآلاف الدنانير

المستلزمات المنتجات	العنصر البشري	المواد الأولية	رأس المال	الطاقة	مصاريف أخرى	المجموع
الورق	٧٢٢٥٠	٤٢٠٧٨	٥١٩٤٠	٣٠٨٠٠	٣٢٢٩٢	٢٣٣٤٦٠
الكارتون	٥٦٦٦٧	٢٣٥٤٢	٤٢٠٠٠	٢٥٨٠٠	٢٠٤٥٨	١٦٨٤٦٧
المناديل الورقية	٣٣٧٥٠	١٨٠٠٠	٣٩٥٠٠	١٦٧٢٠	٢١٩٠٠	١٢٩٨٧٠

٩٣٠٥٦٠

$$أ ك ١ = \frac{٩٣٠٥٦٠}{٢٣٣٤٦٠} = ٣,٩٨٥ \text{ دينار}$$

٥٠١٩٤٠

$$أ ك ٢ = \frac{٥٠١٩٤٠}{١٦٨٤٦٧} = ٢,٩٧٩ \text{ دينار}$$

٢٣٤١٧٠

$$أ ك ٣ = \frac{٢٣٤١٧٠}{١٢٩٨٧٠} = ١,٨٠٣ \text{ دينار}$$

الآن نحسب المساهمات

$$\begin{array}{ccc} \text{مد ١} & \text{مد ٢} & \text{مد ٣} \\ \text{م} = 1 \text{ مد ش} & \text{م} = 2 \text{ مد ش} & \text{م} = 3 \text{ مد ش} \end{array}$$

• المنتج ١ (ورق)

$$\begin{array}{ccc} \text{مد ١} & \text{مد ٢} & \\ \text{م} = 1 \text{ مد ش ١، ٢، ٣} & \text{م} = 2 \text{ مد ش ١، ٢، ٣} & \text{م} = 3 \text{ مد ش ١، ٢، ٣} \end{array}$$

إذن....

Σ

$$\text{مد ش} = \text{مد ١} + \text{مد ٢} + \text{مد ٣}$$

$$531797 = 129870 + 168467 + 233460 =$$

$$0,439 = \frac{233460}{531797} = \text{م} = 1$$

$$0,316 = \frac{168467}{531797} = \text{م} = 2$$

$$0,244 = \frac{129870}{531797} = \text{م} = 3$$

وبما أن

$$\begin{array}{ccc} \text{ن} & \text{م} & \text{م} \\ \text{م} = 1 \text{ م} & \text{م} = 2 \text{ م} & \text{م} = 3 \text{ م} \end{array}$$

Σ

$$0,244 \times 1,803 + 0,316 \times 2,979 + 0,439 \times 3,985 =$$

$$= 1,749 + 0,943 + 0,440 = 3,134 \text{ دينار}$$

الآن الانتاجية الكلية للشركة.

$$\begin{array}{r} \text{مخ ١} + \text{مخ ٢} + \text{مخ ٣} \\ \text{مد ١} + \text{مد ٢} + \text{مد ٣} \\ \hline \text{أك ش} = \text{مد ي ٣} \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 166667. \\ + 501940 + 930560 \\ \hline 3,134 = \frac{531797}{129870 + 168467 + 233460} = \end{array}$$

من هذا نستنتج بأن:

$$\sum_{ي=1}^n \text{أك ش} = \text{م ي} \times \text{أك ي}$$

هذا يعني أن الانتاجية الكلية لشركة، هي عبارة عن مجموع مساهمات الانتاجيات الكلية لكل منتج من منتجات الشركة، وبالتالي تستطيع الشركة العامة للصناعات الورقية عن طريق هذه العلاقات ان تتعرف وبشكل واضح على نسبة مساهمة الانتاجية الكلية الخاصة بكل منتج، وفي ضوء ذلك أيضاً تستطيع أن تتعرف على اسباب انخفاض انتاجية المناديل الورقية وتركز الاهتمام على انتاجية الورق التي ساهمت وبشكل مباشر على رفع مستوى الانتاجية الكلية للشركة.

ج - الانتاجية الكلية للشركة باعتبارها دالة لكافة انتاجياتها الجزئية
من المعادلة رقم (٣)

$$\text{أك ي} = \text{م ي} \times \text{أك ج ي هـ} \quad \text{لكافة عناصر الانتاج (هـ)}$$

والمعادلة رقم (٥)

$$\text{أك هـ} = \text{م ي} \times \text{أك ي} \quad \text{ن = عدد المنتجات}$$

وبالتعويض عن قيمة (أك ي) بالمعادلة رقم (٣) يمكن ان نحصل على الآتي:

$$\text{أك ش} = \text{م ي} \times (\text{م ي} \times \text{أك ج ي هـ}) \times \text{أك ج ي هـ} \quad \text{(لكافة عناصر الانتاج هـ)}$$

$$\text{ي} = 1 \quad \text{ي} = 1$$

لذا فان

$$\text{أك ش} = \text{م ي} \times \text{م ي} \times \text{أك ج ي هـ} \quad \text{(لكافة عناصر الانتاج هـ) (٦)}$$

$$ي = ١$$

ويمكن تبسيط المعادلة رقم (٦) كما يلي

مد ي

$$م ي = \text{-----} \quad \text{حيث ان مد (ش) = اجمالي مدخلات الشركة لجميع أصناف المنتجات مد (ش)}$$

مد ي هـ

$$م ي هـ = \text{-----} \quad \text{(لكافة عناصر الانتاج هـ)}$$

مد ي

لذا فان ...

مد ي مد ي هـ مد ي هـ

$$م ي \times م ي هـ = \text{-----} \times \text{-----} = \text{-----} \quad \text{(لكافة عناصر الانتاج هـ)}$$

مد (ش)

مد ي

مد (ش)

وعلى هذا فإن

.... (٧) (لكافة عناصر الانتاج هـ)

$$\begin{array}{c} \text{ن} \\ \text{أ ك ش} \times \text{م ي هـ} * \text{أ ج ي هـ} \\ \text{ي=١} \end{array}$$

هذا يعني ان الانتاجية الكلية للشركة، عبارة عن المجموع الموزون لانتاجياتها الجزئية ولكافة المنتجات التي تنتج داخل الشركة.

ويمكن التعبير عن الانتاجيات الجزئية لجميع عناصر الانتاج (المدخلات) ونسبة مساهمة كل عنصر من اجمالي المدخلات، وفقاً للآتي:

$$\text{هـ} = \text{ع ، د ، ر ، ط ، خ} \quad \text{(هـ تمثل عناصر الانتاج).}$$

$$* \text{أ ك ش} = \text{م ي ع} \times \text{أ ج ي ع} \quad \text{(١)}$$

ي

عندما يكون

$$\text{م ي ع} = \text{مد ي ع} \quad \text{و} \quad \text{أ ج ي ع} = \text{مد ي ع}$$

مد ش

$$* \sum_{i=1}^n a_i = m \times \text{أ ج ي د} \dots\dots\dots (٢)$$

ي
عندما يكون

$$\text{مد ي د} \quad \text{مخ ي}$$

$$\text{مد ي د} = \text{مد ش} \quad \text{و} \quad \text{أ ج ي د} = \text{مد ي د}$$

$$* \sum_{i=1}^n a_i = m \times \text{أ ج ي ر} \dots\dots\dots (٣)$$

ي
وعندما يكون

$$\text{مد ي ر} \quad \text{مخ ي}$$

$$\text{مد ي ر} = \text{مد ش} \quad \text{و} \quad \text{أ ج ي ر} = \text{مد ي ر}$$

$$* \sum_{i=1}^n a_i = m \times \text{أ ج ي ط} \dots\dots\dots (٤)$$

ي
عندما يكون

$$\text{مد ي ط} \quad \text{مخ ي}$$

$$\text{مد ي ط} = \text{مد ش} \quad \text{و} \quad \text{أ ج ي ط} = \text{مد ي ط}$$

$$* \sum_{i=1}^n a_i = m \times \text{أ ج ي خ} \dots\dots\dots (٥)$$

ي
عندما يكون

$$\text{مد ي خ} \quad \text{مخ ي}$$

$$\text{مد ي خ} = \text{مد ش} \quad \text{و} \quad \text{أ ج ي خ} = \text{مد ي خ}$$

ي ي خ ي ط ي ر ي د ع ي ع

$$\text{أك} = \frac{1}{3} (\text{ي م ع} \times \text{أ ج ي ع} + \text{ي م يد} \times \text{أ ج يد} + \text{ي م ير} \times \text{أ ج ير})$$

هذه المعادلة تمثل علاقة الانتاجية الكلية للشركة بالانتاجيات الجزئية الخاصة بمنتجات تشكيلاتها السلعية، وطبقاً لعناصر الانتاج الخمسة المستخدمة في النموذج، يمكن التعبير عن هذه العلاقة في الصيغة التالية [2].

– ونسبة مساهمة كل عنصر الى اجمالي عناصر الانتاج كما في صفحة (٧) كانت.

$$\text{م ي ع} = ٠,٣٢٧, \text{م ي د} = ٠,٢٢٣, \text{م ي ر} = ٠,١٣٢, \text{م ي ط} = ٠,١٨٠, \text{م ي خ} = ٠,١٣٩$$

وبتطبيق المعادلة رقم (٩) ينتج الآتي:

$$\frac{1}{\text{أك}^\circ \text{ش}} = (١٢,٢) \times ٠,٣٢٧ + (١٧,٩) \times ٠,٢٢٣ + (٣٠,٢) \times ٠,١٣٢ + (٢٢,١) \times ٠,١٨٠ + (٢٨,٧) \times ٠,١٣٩$$

$$\frac{1}{\circ} = (١٩,٩١٧) = ٣,٩٨٣ \text{ دينار (وهي نفس القيمة السابقة)}$$

وهكذا يمكن تطبيق المعادلة رقم (٩) على المنتجات الأخرى.

ومن الجدير بالملاحظة هنا، ان نوضح بأن مجموع الانتاجيات الجزئية لا تساوي الانتاجية الكلية، ويمكن توضيح ذلك من خلال الآتي: [3].

مخ ي

$$\text{أ ج ي هـ} = \text{م د ي هـ}$$

مخ ي

$$\text{أك ي} = \sum \text{م د ي هـ}$$

لذا فان

$$\sum \text{م د ي هـ} = \text{أ ج ي هـ} + \text{أ ج ي د} + \text{أ ج ي ر} + \text{أ ج ي ط} + \text{أ ج ي خ}$$

$$\begin{aligned} & \text{مخ ي} \quad \text{مخ ي} \quad \text{مخ ي} \quad \text{مخ ي} \quad \text{مخ ي} \\ & \text{م د ي ع} = \text{م د ي د} + \text{م د ي ر} + \text{م د ي ط} + \text{م د ي خ} \\ & \text{مخ ي} = \text{مخ ي د} + \text{مخ ي ر} + \text{مخ ي ط} + \text{مخ ي خ} \end{aligned}$$

أما ...

$$\text{أك ي} = \text{م د ي ع} + \text{م د ي د} + \text{م د ي ر} + \text{م د ي ط} + \text{مخ ي}$$

ومن الواضح أن

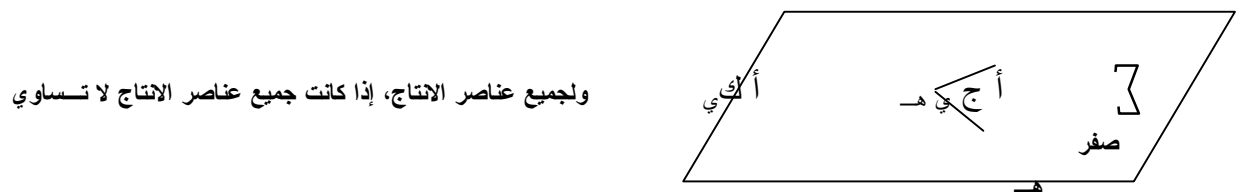
$$\frac{\text{مد ي د} + \text{مد ي ر} + \text{مد ي ط} + \text{مد ي خ}}{\text{مد ي ع}} \neq \frac{\text{مد ي د} + \text{مد ي ر} + \text{مد ي ط} + \text{مد ي خ}}{\text{مد ي ع}}$$

وعلى هذا فان ...

3

هـ أ جـ ي هـ أ كـ ي

كما أن مجموع الانتاجيات الجزئية عادة ما تكون أكبر من الانتاجية الكلية، ويمكن التعبير عنها بالصيغة التالية:



ويمكن توضيح ذلك باستخدام نفس البيانات السابقة الخاصة بإنتاج المناديل الورقية.

حيث كانت مستلزمات الانتاج بالدينار ولمدة شهر واحد وكما يلي:

العنصر البشري (ع) = ٣٣٧٥٠ رأس المال (ر) = ٣٩٥٠٠

مواد أولية (د) = ١٨٠٠٠ الطاقة (ط) = ١٦٧٢٠

مصاريف أخرى (خ) = ٢١٩٠٠

مع العلم ان قيمة المخرجات لهذا المنتج كانت ٢٣٤١٧٠ دينار، فالانتاجية الجزئية لعناصر الانتاج تكون كما يلي:

أ ج ي ع = ٦,٩٣ ، أ ج ي د = ١٣ ، أ ج ي ر = ٥,٩٢ ، أ ج ي ط = ١٤ ، أ ج ي خ = ١٠,٦٩

وان مجموع الانتاجيات الجزئية لجميع عناصر الانتاج (هـ) تكون..

$$50,4 \text{ دينار} = 10,69 + 14 + 0,92 + 13 + 6,93$$

أما ...

۲۳۴۱۷.

$$\text{أك ي} = \frac{33750 + 18000 + 39500 + 16720 + 21900}{234170}$$

$$\text{أك ي} = \frac{180}{1298870} = 1,80 \text{ دينار}$$

ومن الواضح أن ..

$$\text{هـ أج ي} = 50,4 \neq \text{أك ي} = 1,80$$

كما أن ..

$$\text{أج ي هـ} = 50,4 < \text{أك ي} = 1,80$$

مناقشة النتائج

ان العلاقة الرياضية بين الانتاجية الكلية والجزئية تفتح أفقاً أمام القائمين بعملية حساب الانتاجية على مستوى الشركة أو القطاع الصناعي وذلك عن طريق امكانية التنبؤ المستقبلي بمقدار التغيرات التي تطرأ على مستوياتها بين فترة وأخرى وتحديد مجموعة العوامل المؤثرة في مقدار هذا التغيير وفي ضوء امكانيات الشركة.

فمن العلاقة الأولى بين الانتاجية الكلية لمنتوج معين معبراً عنه بانتاجياته الجزئية نستنتج الآتي:

١ — يمكن ان نستدل على نسبة الانتاجية الكلية للمنتوج باستخدام مؤشر الانتاجية الجزئية له ولكل عنصر من عناصر الانتاج التي ساهمت بمجموعها في صناعته، وتوصلنا الى أن هناك علاقات متكافئة للانتاجية الكلية ولجميع عناصر المدخلات.

لذلك تمكنا من أن نحصل على نسبة الانتاجية الكلية وهي (٣,٩٨) بخمسة خيارات مختلفة.

٢ — ان الانتاجية الكلية للشركة يمكن التعبير عنها بالانتاجيات الكلية لكل منتوج فردي تقوم الشركة بتصنيعه وبالنسبة الى أي عنصر من عناصر الانتاج (المدخلات).

٣ — هناك بعض العلاقات الهامة والتي يمكن تطويرها بين الانتاجية الكلية والجزئية، إذ يمكن التعبير عن الانتاجية الكلية للمنتوج بانتاجياته الجزئية ولأي عنصر من عناصر الانتاج، وان هناك عدة اشكال متكافئة للانتاجية الكلية يمكن الحصول عليها.

٤ — ان استخدام العلاقة الأخيرة يقودنا للتعبير عن الانتاجية الكلية للشركة بمصطلح الانتاجيات الجزئية ولكل منتوج تقوم الشركة بتصنيعه، أي ان الانتاجية الكلية للشركة عبارة عن دالة لمجموع الانتاجيات الكلية ولكل منتوج وليس مساوية لها.

٥ — ان مجموع الانتاجيات الجزئية هي أكبر من قيمة الانتاجية الكلية، إذ يمكن ان نستنتج، ان الانتاجية الكلية للشركة برمتها يمكن ان تزداد وبمعدلات سريعة بوساطة تركيز الاهتمام من قبل الادارة.

أما أهم التوصيات:

- ١ — قيام الادارة باتخاذ الاجراءات اللازمة بعد التعرف على نسب مساهمة كل عنصر من عناصر الانتاج في خفض أو زيادة الانتاجية الكلية، منها زيادة مهارات العاملين خصوصاً بعد أن تعرفنا على نسبة مساهمة عنصر العمل في خفض الانتاجية إذ بلغت (١٢,٢) وهي أوطأ نسبة انتاجية جزئية قياساً بالانتاجيات الجزئية لعناصر الانتاج الأخرى.
- ٢ — تخفيض حجم المصاريف وخاصة الادارية والتي ساهمت بشكل واضح في خفض مستوى الانتاجية وارتفاع نسبة مساهمتها إذ بلغت (٣٢٣٩٢) دينار وهي تشكل ما نسبته (٠,١٣٩).
- ٣ — اعداد الدورات التدريبية الخاصة بالقائمين على حساب الانتاجية من خلال تعريفهم بمؤشرات القياس والعلاقات الرياضية القائمة بين الانتاجية الكلية والجزئية وكيفية تفسير هذه العلاقة وما هي الفائدة المرجوة عن طريق هذا الاستخدام.
- ٤ — سعي الادارة الدائم باستخدام هذه المؤشرات خاصة بعد أن تعرفنا على ان الانتاجية الكلية للشركة برمتها يمكن أن تزداد وبمعدلات سريعة بواسطة تركيز الاهتمام من قبل الادارة على المنتجات التي ساهمت بالثقل الكبير في زيادة الانتاجية، والأهمية العملية في ذلك ايضاً هو زيادة الاهتمام بالمدخلات لتطوير الانتاجية بصورة عامة.

المصادر

- ١ — الربيعي ، عباس محمد، "العلاقة بين الانتاجية الكلية والجزئية " ، مجلة النفط والتنمية، السنة الثالثة عشر، العدد الثاني ، نيسان ١٩٨٨.
- ٢ — ماضي، محمد توفيق ، ادارة الانتاج والعمليات (مدخل اتخاذ القرار) ، الدار الجامعية للطباعة والنشر والتوزيع، القاهرة ١٩٩٩.
- 3— Sumath . J . David, Productivity Engineering and Management , New York"
Mc Graw – Hill Book, 1985.
- 4 – Nair , N , G , *Production and Operations Management* . McGraw – Hill
publishing company limited , 1997.
- 5- Davis, Mark. And others , *Fundamentals of Operations Management*, McGraw-Hill companies, 2001.